

یک مدل تصمیم‌گیری مبتنی بر برنامه‌ریزی ریاضی برای طراحی شبکه خدمات بهداشتی استان تهران در شرایط انحصاری

هادی محمودزاده^۱، مصطفی جهانگشای رضائی^{۲*}، ساموئل یوسفی^۱

۱. کارشناس ارشد مهندسی صنایع، دانشگاه صنعتی ارومیه

۲. استادیار دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه صنعتی ارومیه

(تاریخ دریافت ۹۴/۰۲/۰۵ - تاریخ دریافت روایت اصلاح شده ۹۴/۰۴/۰۸ - تاریخ تصویب ۹۴/۰۶/۱۲)

چکیده

با بررسی درمانگاه‌های موجود در کشور مشخص می‌شود شماری از آن‌ها برخی اصول اساسی همچون انتخاب صحیح موقعیت زمین و امکان دسترسی سریع را عایت نکرده‌اند. این امر به نوب خدمات رسانی مطلوب می‌انجامد که درنهایت به تغییراتی در ساختارهای مراکز درمانی منجر می‌شود؛ بنابراین، مکان‌یابی ضعیف در بخش درمانی موجب افزایش میزان مرگ‌ومیر و بیماری می‌شود. با این ترتیب، در تحقیق پیش رو سعی شده است با ارائه یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی، مقدمات لازم بهمنظور تعیین مکان‌های بهینه برای تأسیس درمانگاه‌های جدید و ایجاد یک شبکه خدمات درمانی کارا در حالت انحصاری فراهم شود. هدف ارائه مدل مذکور با استفاده از رویکرد برنامه‌ریزی چندهدفه عدد صحیح، پوشش‌دهی هرچه بیشتر جمعیتی است که درمانگاه‌های موجود آن را پوشش نداده‌اند. درنهایت، برای اعتبارسنجی مدل از داده‌های مربوط به ۴۵ درمانگاه موجود در جنوب تهران، شهر ری و اسلامشهر استفاده شده و نتایج تحلیل شده است.

واژه‌های کلیدی: برنامه‌ریزی چندهدفه، شبکه خدمات بهداشتی، محیط انحصاری، مدل تصمیم‌گیری، مکان‌یابی.

مقدمه

عناصر خدماتی و کالبدی شهر، به‌ویژه مراکز درمانی و بیمارستان افزایش روزافرون مشکلات شهری و شهروندان را به دنبال داشته است. درنتیجه، این امر لزوم استفاده از روش‌های مؤثر و الگوهای سازمان‌یافته در مکان‌یابی بهینه این مراکز را بیش از پیش آشکار ساخته است. درواقع، ارائه خدمات بهداشتی و درمانی در شهرها سابقه‌ای طولانی دارد، اما در زمینهٔ مکان‌یابی مراکز خدمات درمانی و بهداشتی پیشینهٔ درازمدتی وجود ندارد و سابقهٔ این‌گونه مطالعات به دهه ۱۹۷۰ برمی‌گردد. به همین دلیل، پوشش‌دهی حتی‌الامکان جمعیت نیازمند خدمات درمانی است که درمانگاه‌های موجود (سابق) آن را پوشش نداده‌اند و همچنین ارجاع آن‌ها به نزدیک‌ترین مراکز درمانی اهمیت ویژه‌ای دارد. درنتیجه، با توجه به اهمیت موضوع، در این تحقیق مدلی برای مکان‌یابی مراکز خدمات درمانی و بهداشتی جدید در یک محیط انحصاری و در جنوب استان تهران

جمعیت شهری ایران در دهه‌های اخیر به‌دلیل دو عامل مهاجرت و رشد فزاینده جمعیتی، افزایش یافته است. موج مهاجرت علاوه‌بر رشد جمعیت در داخل شهر موجب تغییراتی در ساختار و همچنین بافت شهرها شده است، به‌طوری‌که جمعیت مهاجر به‌طور عمده در حاشیهٔ شهرها اسکان یافته‌اند و این امر موجب افت کارکردهای شهری شده است، به‌گونه‌ای که این جمعیت مازاد به خدمات متعدد شهری نظری مراکز درمانی نیاز دارد و شهرها به‌طور عمده توان پاسخگویی به آن‌ها را ندارند. همچنین، وظيفة اصلی برنامه‌ریزان و تصمیم‌گیرندگان شهری تعیین مکان بهینه این مراکز خدماتی است، به‌طوری‌که تمام ساکنان شهری به راحتی به آن‌ها دسترسی داشته باشند. علاوه‌براین، برنامه‌ریزان می‌کوشند توزیع مراکز خدماتی را در محیط‌های شهری بهینه سازند تا این توزیع متناسب با توزیع جمعیت و با میزان تقاضا در نقاط مختلف شهر باشد. در اغلب شهرها نبود تخصیص متناسب فضا و جایابی بهینه

به منظور مکان‌یابی تسهیلات استفاده کردند [۹] که حکمی برای اولین بار آن را در سال ۱۹۶۴ ارائه داد. داسکین و دین ادبیات مکان‌یابی تسهیلات اضطراری را در سه دسته خلاصه می‌کنند: مدل‌های دسترسی، مدل‌های سازگاری و مدل‌های دستیابی [۲]. ان دیایه و الفارس [۱۰] در سال ۲۰۰۸ از یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح صفر و یک برای تعیین مکان بهینه و تعداد بهینه مراکز درمانی برای جمعیت در حال حرکت در خاورمیانه استفاده کردند. وحیدنیا و همکاران [۱۱] در سال ۲۰۰۹ با ارائه یک مدل ادغامی آنالیز تصمیم چندمعیاره که تحلیل سلسه‌مراتبی فازی را با سیستم اطلاعات جغرافیایی^۳ ادغام می‌کند، مکان بهینه بیمارستان‌ها را در شهر تهران تعیین کردند. سیام و همکاران [۱۲] در سال ۲۰۱۰ با ارائه یک مدل برنامه‌ریزی عدد صحیح مختلط^۴ مراکز درمانی ویژه را مکان‌یابی کردند و با یک رویکرد شبیه‌سازی تبرید آن را حل کردند. میترپولوس و همکاران در سال ۲۰۱۳ با ارائه یک مدل ترکیبی تحلیلی پوششی داده‌ها و مکان‌یابی، دوباره شبکه خدمات درمانی را در فرایندی سیکل‌وار^۵ تشکیل دادند [۱۳]. قادری و جبل عاملی [۱۴] در سال ۲۰۱۳ یک مسئله DUFLNDP^۶ را بررسی کردند و با درنظرگرفتن محدودیت بودجه، مدلی را برای حل پیشنهاد دادند و برای حل آن از دو رویکرد ابتکاری متفاوت برای ارزیابی میزان دردسترس‌بودن درمانگاه‌ها در شهر ایلام بهره بردنده. محمدی و همکاران [۱۵] با ارائه یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی دو هدفه جدید، شبکه خدمات درمانی را در حالت عدم قطعیت طراحی کردند. آن‌ها در مدل خود دوتابع هدف هزینه کل و مراکزیم زمان انباشته سفر را لحظه کردن و با به کارگیری مفهوم فازی دو رویکرد فرا ابتکاری متفاوت برای حل ارائه دادند. در سال ۲۰۱۵، مستره و همکاران [۱۶] دو مدل مکان‌یابی - تخصیص برای طراحی شبکه خدمات درمانی در جنوب کشور پرتوغال در حالت عدم قطعیت ارائه دادند که نتایج حل مدل آن‌ها برای برنامه‌ریزان در زمینه شبکه خدمات درمانی بسیار سودمند واقع شد. موارد مذکور نمونه‌هایی از تحقیقات انجام گرفته در این زمینه بود. در تحقیق پیش رو سعی شده است با ارائه یک مدل برنامه‌ریزی چندهدفه عدد صحیح، درمانگاه‌های جدید در جنوب استان تهران مکان‌یابی شود.

ارائه می‌شود و برای تحقق این امر از برنامه‌ریزی چندهدفه عدد صحیح به منظور فرموله کردن مسئله بهره گرفته می‌شود. در بخش‌های بعدی پژوهش پیشینه تحقیق و مدل پیشنهادی بررسی می‌شود. در ادامه، رویکرد حل مدل مذکور ارائه می‌شود. سپس مطالعه موردی به منظور اعتبارسنجی مدل انجام می‌گیرد و در نهایت نتیجه بیان می‌شود.

پیشینه تحقیق

مکان‌یابی تسهیلات اضطراری شاخه‌ای از مسائل مکان‌یابی است که مکان‌یابی و در بعضی مسائل تخصیص سرورها به تسهیلات اضطراری را انجام می‌دهد. مسائل مکان‌یابی تسهیلات اضطراری شامل مکان‌یابی آمبولانس‌ها، ایستگاه‌های آتش‌نشانی، مراکز درمانی، واحدهای گشتزنی پلیس و... می‌شود. در این مسائل، هدف یافتن بهترین مکان تسهیلات اضطراری به منظور پاسخ‌دهی به جمعیت‌های مقاضی این خدمات است.

مکان‌یابی ضعیف تسهیلات در بخش خدمات درمانی پیامدهای نامطلوب بسیاری همچون افزایش میزان مرگ‌ومیر و بیماری به دنبال دارد؛ بنابراین، مکان‌یابی صحیح تسهیلات در بخش خدمات درمانی اهمیت ویژه‌ای دارد. مدل‌های مکان‌یابی تسهیلات درکل به دو دسته مکان‌یابی تسهیلات ثابت و تسهیلات متحرک تقسیم می‌شود [۱]. همچنین، سه مدل پایه در بخش مکان‌یابی تسهیلات خدمات درمانی عبارت است از: مدل پوشش کلی^۷، مدل حداقل پوشش^۸ و مدل‌های p-میانه.^۹ شایان ذکر است بسیاری از مدل‌ها در تحقیقات انجام گرفته بر مبنای این سه مدل پایه ایجاد شده‌اند [۲]. به منظور آشنایی بیشتر با مدل‌های مکان‌یابی تسهیلات می‌توان به مراجع [۶-۳] مراجعه کرد.

سیمپسون و هانکوک در سال ۲۰۰۹ مسائل اضطراری را به چهار دسته خدمات شهری، خدمات هنگام بلایا، خطرهای خاص و کمک‌های اضطراری عمومی تقسیم کردند [۷]. در ادامه، داسکین مدل‌های مربوط به مکان‌یابی تسهیلات اضطراری را به چهار دسته اصلی مدل‌های پیوسته، گستته، تحلیلی و شبکه تقسیم‌بندی کرد [۸]. همچنین، افرادی چون سرا و ماریانف از مسئله p-میانه

پوشش داده نشده توسط درمانگاه‌های موجود ارائه می‌شود.
مدل سازی مذکور با توجه به شرایط انحصاری (غیر رقابتی)
بررسی می‌شود. در ادامه، با توجه به جدول ۱ مکان‌یابی
درمانگاه‌های جدید مدل سازی می‌شود و توضیحات لازم در
زمینه توابع هدف، محدودیت‌ها و روش حل ذکر می‌شود.

از آنجاکه این موضوع در مطالعات پیشین بررسی نشده است، تحقیق و مطالعه بیشتر در این زمینه ضروری می‌نماید.

مدل پیشنهادی

در این بخش، مدل سازی مسئله مکان‌یابی درمانگاه‌های جدید با هدف پوشش دهنده هرچه بیشتر جمعیت

جدول ۱. اندیس‌ها، پارامترها و متغیرهای تصمیم‌گیری مدل پیشنهادی در شرایط انحصاری

متغیرهای تصمیم‌گیری		مفروضات
فرض می‌شود تمام داده‌های مورد استفاده در این پژوهش قطعی است و شامل هیچ نوع عدم قطعیتی نمی‌شود.		
در صورت اشتراک شاعع دو درمانگاه، فرض می‌شود درمانگاه نزدیک‌تر، جمعیت موجود را پوشش می‌دهد.		
به دلیل همگن بودن محیط، هزینه احداث درمانگاه‌ها در هر مکان بالقوه ثابت است و به حداقل کردن هزینه‌های احداث و عملیاتی نیازی نیست.		
اندیس‌ها		
I		مجموعه نقاط بالقوه و پیش‌فرض برای تأسیس تسهیلات (درمانگاه‌های) جدید
J		مجموعه تسهیلات قبلی (درمانگاه‌های پیشین)
پارامترها		
d_{ij}		فاصله تسهیل j از نقطه بالقوه i ام
S_j		میزان جمعیت عدم تحت پوشش مجموعه زام (درمانگاه‌های سابق یا موجود)
D		شعاع پوشش درمانگاه جدید
N		حداکثر تعداد مجاز برای تأسیس تسهیلات (درمانگاه‌های) جدید
B		حداقل درصدی از کل جمعیت پوشش داده نشده که درمانگاه‌های جدید باید آن را پوشش دهند.
C		حداکثر جمعیتی که هریک از درمانگاه‌های جدید پوشش می‌دهند.
متغیرهای تصمیم‌گیری		
Y_i		متغیری که اگر به مکان بالقوه i ام درمانگاه تخصیص داده شود ۱ و در غیر این صورت ۰ است.
X_{ij}		متغیری که اگر جمعیت j توسط درمانگاه جدید تأسیس i پوشش داده شود ۱ و در غیر این صورت ۰ است.
δ_{il}		متغیر مازاد برای خطی‌سازی است و اگر در هر دو منطقه i و j هم‌زمان درمانگاه جدید تأسیس شود، مقدار یک می‌گیرد و در غیر این صورت ۰ است.

$$\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} S_j x_{ij} \geq b \sum_{j \in J} S_j \quad (6)$$

مدل سازی مسئله مذکور به شکل زیر است:

$$\max z_1 = \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} S_j x_{ij} \quad (1)$$

$$\forall i \in I \quad y_i \leq \sum_{j \in J} x_{ij} \quad (7)$$

$$\min z_2 = \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} d_{ij} x_{ij} \quad (2)$$

$$\forall i \in I \quad \sum_{j \in J} S_j x_{ij} \leq C \quad (8)$$

$$s.t. \quad (3)$$

$$\text{If } y_i y_l = 1 \text{ then } x_{ij} < x_{lj} \quad \forall i, l \in I, i \neq l, |$$

$$\sum_{i \in I} y_i \leq N \quad (3)$$

$$d_{lj} < d_{ij}$$

$$\forall j \in J \quad \sum_{i \in I} x_{ij} \leq 1 \quad (4)$$

$$\text{If } y_i y_l = 1 \text{ then } x_{il} > x_{lj} \quad (10)$$

$$\forall j \in J \quad \forall i \in I \quad D.y_i \geq d_{ij}.x_{ij} \quad (5)$$

$$d_{lj} > d_{ij}$$

$$, x_{ij} \in \{0,1\}, \delta_{il} \in \{0,1\}, y_i \in \{0,1\}$$

$$\forall i, l \in I, i \neq l, j \in J \quad (11)$$

$$y_i + y_l - \delta_{il} \leq 1 \quad \forall i, l \in I, i \neq l \quad (13)$$

$$x_{ij} - x_{lj} < \delta_{il} \quad \forall i, l \in I, i \neq l \quad d_{lj} < d_{ij} \quad (14)$$

$$x_{lj} - x_{ij} < \delta_{il} \quad \forall i, l \in I, i \neq l \quad d_{lj} > d_{ij} \quad (15)$$

بنابراین، مدل مذکور بعد از ساده‌سازی به شکل زیر

است:

$$\max z_1 = \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} s_j x_{ij} \quad (16)$$

$$\min z_2 = \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} d_{ij} x_{ij} \quad (17)$$

s.t.

$$\sum_{i \in I} y_i \leq N \quad (18)$$

$$\sum_{i \in I} x_{ij} \leq 1 \quad \forall j \in J \quad (19)$$

$$D \cdot y_i \geq d_{ij} \cdot x_{ij} \quad \forall i \in I \quad \forall j \in J \quad (20)$$

$$\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} s_j x_{ij} \geq b \sum_{j \in J} s_j \quad (21)$$

$$y_i \leq \sum_{j \in J} x_{ij} \quad \forall i \in I \quad (22)$$

$$\sum_{j \in J} s_j x_{ij} \leq C \quad \forall i \in I \quad (23)$$

$$y_i + y_l \geq 2\delta_{il} \quad \forall i, l \in I, i \neq l \quad (24)$$

$$y_i + y_l - \delta_{il} \leq 1 \quad \forall i, l \in I, i \neq l \quad (25)$$

$$x_{ij} - x_{lj} < \delta_{il} \quad \forall i, l \in I, i \neq l \quad d_{lj} < d_{ij} \quad (26)$$

$$x_{lj} - x_{ij} < \delta_{il} \quad \forall i, l \in I, i \neq l \quad d_{lj} > d_{ij} \quad (27)$$

$$y_i \in \{0,1\}, \quad x_{ij} \in \{0,1\}, \quad \delta_{il} \in \{0,1\}, \quad \forall i, l \in I, i \neq l, j \in J \quad (28)$$

رویکرد حل

همان‌طور که مشخص است، توابع هدف z_1 و z_2 در تضاد با یکدیگر عمل می‌کنند و بهینه‌سازی با توجه به یک تابع هدف در یک زمان، به انحراف از جواب بهینه در تابع هدف دیگر منجر می‌شود. درنتیجه، برای بهینه‌سازی هم‌زمان دو تابع هدف، از روش معیار جامع در راستای یافتن یک سازش در بین همه اهداف استفاده می‌شود، به صورتی که مجموع انحراف نسبی تمام اهداف از ارزش‌های مطلوب (z_i^*) خود را کمینه می‌سازد. درنتیجه، روش معیار جامع برای بهینه‌سازی هم‌زمان توابع هدف در رابطه ۲۹ بیان می‌شود:

$$\text{Min } z_3 = w_1 \times \frac{z_1^* - z_1}{z_1^*} + w_2 \times \frac{z_2 - z_2^*}{z_2^*} \quad (29)$$

رابطه ۱ یعنی تابع هدف اول نشان‌دهنده حداکثرسازی

جمعیت تحت پوشش است. درنتیجه، تابع هدف اول

به دنبال بیشینه کردن کل جمعیت تحت پوشش است. رابطه

۲ یعنی تابع هدف دوم نیز به دنبال حداقل‌سازی مجموع

فاصله تسهیلات سابق از تسهیلات تأسیس شده جدید است.

توضیحات مرتبط با محدودیت‌های دو تابع هدف مذکور نیز

به شرح زیر است:

محدودیت اول در رابطه ۳ بیان می‌کند تعداد

درمانگاه‌های تأسیس شده (به علت محدودیت بودجه) باید

کوچک‌تر یا مساوی حداکثر تعداد مجاز تأسیس درمانگاه

باشد. رابطه ۴ نیز بیان می‌کند هر مجموعه جمعیتی را یک

درمانگاه جدید پوشش می‌دهد. رابطه ۵ محدودیت شعاع

خدمت‌رسانی درمانگاه‌ها را بیان می‌کند. رابطه ۶ تضمین

می‌کند درمانگاه‌های جدید تأسیس، حداقل درصد معینی

از جمعیت پوشش‌داده‌شده را با نظر مدیریت پوشش

می‌دهد. این محدودیت در راستای عملکرد تابع هدف دوم و

جلوگیری از احداث نکردن مراکز درمانی جدید به کار برده

می‌شود.

رابطه ۷ نشان می‌دهد درمانگاه در صورتی احداث

می‌شود که جمعیتی برای پوشش دهی وجود داشته باشد؛

به بیان دیگر، اگر درمانگاهی در یکی از نقاط کاندیدا

احداث شود، باید جمعیتی برای قرار گرفتن تحت پوشش

درمانگاه وجود داشته باشد. رابطه ۸ بیان می‌کند مجموع

جمعیت تخصیص‌یافته به هریک از مراکز درمانی جدید

نباشد از حد استاندارد موجود بیشتر باشد، زیرا فرض بر این

است که در صورت پوشش دهی جمعیت فراوان، کیفیت

خدمات درمانی کاهش می‌باید. روابط ۹ و ۱۰ کوتاه‌ترین

مسیر از یک مجموعه جمعیتی تا درمانگاه نزدیک خود را

مهیا می‌کند و آن جمعیت را به نزدیک‌ترین درمانگاه‌ها

تخصیص می‌دهند. درنهایت، رابطه ۱۱ برای تعریف نوع

متغیرهای مسئله (صفر و یک) ارائه شده است.

شایان ذکر است محدودیت‌های ۹ و ۱۰ نامتعارف

ریاضی هستند و در ادامه با محدودیت‌های متعارف جایگزین

می‌شوند. بدین‌منظور، محدودیت ۹ و ۱۰ با چهار محدودیت

زیر جایگزین می‌شود تا مدل مورد نظر متعارف شود:

$$\forall i, l \in I, i \neq l \quad y_i + y_l \geq 2\delta_{il} \quad (12)$$

درمانگاه در دسترس است. عرض جغرافیایی^۱ منطقه مورد مطالعه بین ۳۵/۳۶۶ و ۳۵/۶۹۴ طول جغرافیایی^۲ آن بین ۵۱/۲۱ و ۵۱/۶۵۲ قرار دارد. همچنین، از میان ۴۵ درمانگاه موجود حداقل جمعیت پوشش‌داده شده برابر ۷۷۷۹۲ نفر و حداکثر جمعیت پوشش‌داده شده برابر ۴۳۳۱۶ نفر و انحراف معیار مربوط به این ۴۵ درمانگاه نیز برابر ۱۴۰۰ نفر است. شایان ذکر است به منظور اجرای مدل نقطه کاندیدا برای تأسیس درمانگاه‌های جدید، با توجه به پراکندگی درمانگاه‌های قبلی درنظر گرفته شده است. در ادامه، با استفاده از مختصات جغرافیایی مراکز جمعیتی (درمانگاه‌های موجود) و مختصات جغرافیایی نقاط کاندیدا، فاصله میان مراکز جمعیتی و نقاط کاندیدا محاسبه می‌شود که این فواصل با d_{ij} مشخص می‌شوند.

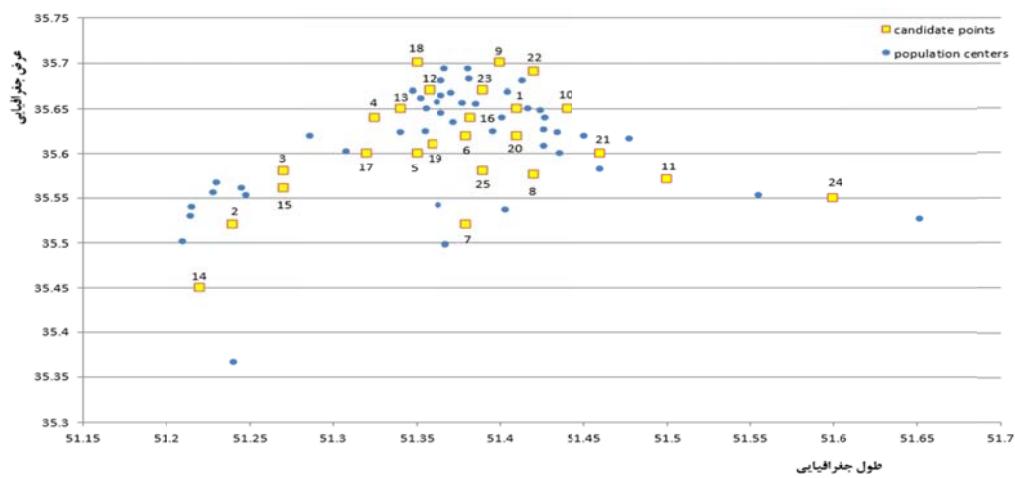
در شکل ۱، نقشهٔ پراکندگی مراکز جمعیتی (درمانگاه‌های موجود) و نقاط کاندیدا برای تأسیس درمانگاه‌های جدید نشان داده می‌شود. مربع‌های کوچک زردرنگ میان نقاط کاندیدا و دایره‌های کوچک آبی‌رنگ میان مختصات مراکز جمعیتی (درمانگاه‌های موجود) هستند.

$$\Rightarrow \text{Min } z_3 = w_1 \times \frac{z_1^* - \sum_{i \in I} \sum_{j \in J} s_j x_{ij}}{z_1^*} + \\ w_2 \times \frac{\sum_{i \in I} \sum_{j \in J} d_{ij} x_{ij} - z_2^*}{z_2^*} \quad (30)$$

در این روش، برای درنظر گرفتن نظر تصمیم‌گیرنده، وزن‌های متفاوت w_i (با فرض مجموع یک) به توابع هدف اختصاص داده شده است. براساس این رویکرد، اگر مدیریت وزن بالاتری به یک تابع هدف بدهد، جواب به دست آمده در حالت بهینه‌سازی همزمان، به جواب بهینهٔ تابع مورد نظر نزدیکتر است. در رابطه ۲۹، ابتدا مقادیر بهینهٔ هریک از توابع هدف (z_i^*) مستقل از دیگری و با درنظر گرفتن تمام محدودیت‌های مسئله محاسبه می‌شود و تابع هدف جدیدی طبق رابطهٔ مذکور ایجاد می‌شود. با حل مجدد مدل، شامل تابع هدف جدید و محدودیت‌های مدل (روابط ۱۶ تا ۲۸)، مقادیر بهینهٔ نسبی هریک از توابع هدف به دست می‌آید.

مطالعهٔ موردی و تحلیل نتایج

در این بخش، به منظور اعتبارسنجی مدل پیشنهادی از داده‌های مربوط به ۴۵ درمانگاه موجود در جنوب تهران، شهر ری و اسلامشهر استفاده می‌شود. مختصات جغرافیایی و میزان جمعیت پوشش‌داده شده هریک از این ۴۵



شکل ۱. نقشهٔ پراکندگی و مختصات جغرافیایی مراکز جمعیتی و نقاط کاندیدا

رابطهٔ قرار داده شود. ۶۳۷۱ بیانگر شعاع کره زمین بر حسب کیلومتر است. D بیانگر میزان فاصله میان دو نقطهٔ مورد نظر بر حسب کیلومتر است.

برای محاسبه ماتریس فاصله میان نقاط کاندیدا و مراکز درمانی از رابطه ۳۱ استفاده شده است که کافی است طول جغرافیایی (lat) و عرض جغرافیایی (long) نقاط مورد نظر در

$$D = \cos^{-1}\{\cos(90 - lat1) \times \cos(90 - lat2) + \sin(90 - lat1) \times \sin(90 - lat2) \times \cos(long1 - long2)\} \times 6371 \quad (۳۱)$$

۱۹۴۹۲۴۵ نفر است که هدف اصلی پوشش حتی الامکان این میزان جمعیت پوشش داده شده با تأسیس درمانگاه های جدید است. حال برای حل مدل ابتدا باید پارامترهای مدل - که در بخش مدل پیشنهادی ذکر شد - مقداردهی شوند. درنتیجه، ابتدا مقادیر مربوط به هریک از پارامترها در جدول ۲ تعیین می شود و سپس مدل از طریق نرم افزار لینگو ۱۵ حل شود.

شایان ذکر است هریک از این ۴۵ درمانگاه دارای جمعیت عدم پوشش مختص خود می باشد که از میان این ۴۵ درمانگاه موجود حداقل جمعیت پوشش داده شده برابر ۷۷۷۹۲ نفر و حداکثر جمعیت پوشش داده شده برابر ۴۳۳۱۶ نفر و احراف معیار مربوط به این ۴۵ درمانگاه نیز برابر ۱۴۰۰۹ نفر است. کل جمعیت پوشش داده شده این ۴۵ درمانگاه

جدول ۲. مقداردهی پارامترهای مورد نیاز مسئله

d_{ij}	فاصله تسهیل زام از نقطه بالقوه ام از ماتریس فاصله محاسبه شده قابل دسترس است.
S_j	جمعیت پوشش داده شده مجموعه زام برای هر مرکز جمعیتی در اختیار است.
D	شعاع پوشش درمانگاه جدید برابر ۱۵ کیلومتر درنظر گرفته می شود.
N	مجاز است حداکثر دوازده نوع تسهیلات (درمانگاه های) جدید تأسیس شود.
B	حداقل ۷۰ درصد کل جمعیت پوشش داده شده است که درمانگاه های جدید باید آن را پوشش دهند.
C	هریک از درمانگاه های جدید حداکثر دویست هزار نفر را پوشش می دهند.

جزئیات پوشش دهی و چگونگی مقدارگیری متغیرهای x_{ij} به تفکیک هر درمانگاه جدید التأسیس در زمان حل مستقل تابع هدف اول ذکر می شود؛ برای مثال، در جدول ۳ نقطه کاندیدای دوم یعنی y_2 به همراه مراکز جمعیتی تحت پوشش این درمانگاه جدید التأسیس مشاهده می شود. درواقع، y_2 مراکز جمعیتی $1, 2, 3, 5, 9$ را پوشش می دهد؛ به عبارت دیگر، در مدل مورد نظر متغیرهای $x_{21}, x_{23}, x_{25}, x_{29}$ ، مقدار یک می گیرند و به همین ترتیب ادامه جدول نیز بیانگر نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی پوشش یافته به تفکیک هر درمانگاه جدید التأسیس است. در شکل ۲ به منظور تفهیم بیشتر موضوع، نقشه پراکندگی نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی پوشش یافته، با درنظر گرفتن تابع هدف اول نشان داده شده است. در این شکل، نقاط کاندیدای انتخاب شده با مربع های قرمز هاشور خورده، مراکز جمعیتی پوشش یافته با دایره های کوچک آبی رنگ و مراکز جمعیتی پوشش یافته با دایره های کوچک زرد رنگ مشخص شده اند. در ضمن، نقاط کاندیدای انتخاب نشده با نقاط مربع قرمز رنگ مشخص شده اند.

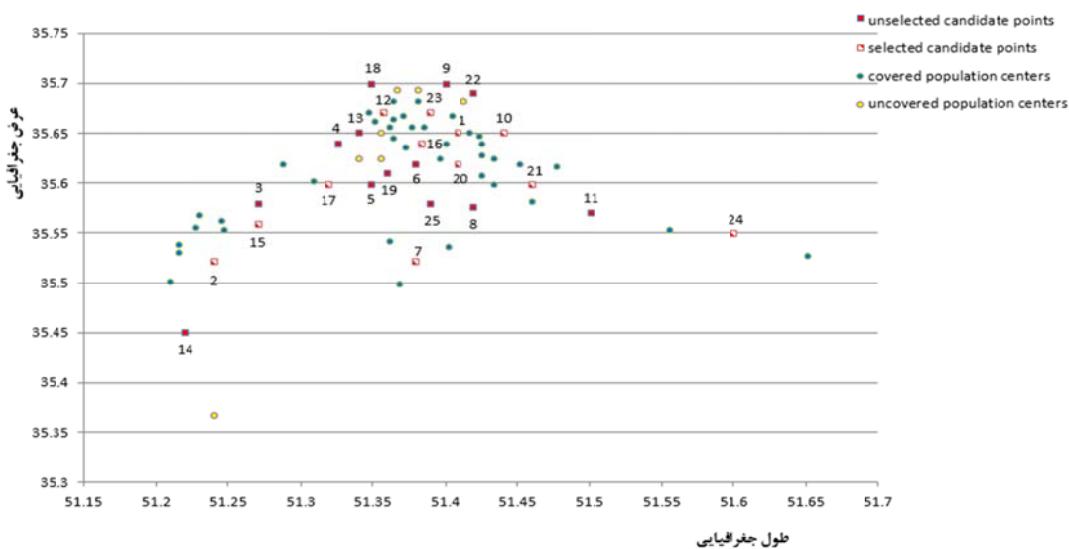
براساس توضیحات در بخش رویکرد حل، ابتدا بهینه سازی مستقل هریک از توابع هدف انجام می گیرد و سپس با بهره گیری از روش معیار جامع، بهینه سازی هم زمان توابع هدف صورت می گیرد.

الف) بهینه سازی مستقل تابع هدف اول (y_1)

مقدار تابع هدف اول در این حالت برابر با ۱۶۶۹۱۶۷ نفر است و از ۲۵ نقطه کاندیدا برای احداث درمانگاه های جدید، دوازده متغیر y_i مقدار یک گرفته اند. با توجه به محدودیت ۱۸، حداکثر دوازده درمانگاه جدید تأسیس شده است. این دوازده نقطه کاندیدای انتخابی عبارت اند از: $y_1, y_2, y_3, y_4, y_5, y_6, y_7, y_8, y_9, y_{10}, y_{11}, y_{12}, y_{13}, y_{14}, y_{15}, y_{16}, y_{17}, y_{18}, y_{19}, y_{20}, y_{21}, y_{22}, y_{23}, y_{24}$. شایان ذکر است، این دوازده درمانگاه جدید التأسیس، جمعیت پوشش داده نشده توسط ۳۸ درمانگاه از ۴۵ درمانگاه موجود را پوشش دادند که این ۳۸ درمانگاه جمعیتی معادل ۱۶۶۹، ۱۶۷ نفر را پوشش می دهد. همچنین، هفت درمانگاه به شماره های درمانگاه جدید پوشش داده نشدنند که در کل شامل جمعیتی معادل ۲۸۰، ۰۸۷ نفر می شوند. در جدول ۳،

جدول ۳. نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی پوشش‌یافته با درنظرگرفتن تابع هدف اول

شماره مراکز جمعیتی	جمعیت تحت پوشش	تعداد مراکز تحت پوشش	نقاط کاندیدای انتخابی
۳۸، ۳۷، ۳۶، ۳۵	۱۷۶۹۳۷	۴	y_1
۹، ۵، ۳، ۱	۱۵۴۸۲۸	۴	y_2
۱۵، ۱۳، ۱۰	۱۴۳۳۷۱	۳	y_7
۱۴	۴۶۴۹۲	۱	y_{10}
۴۵، ۴۲، ۳۳، ۳۲، ۳۱، ۳۰، ۲۹	۱۹۵۶۲۴	۷	y_{12}
۷، ۶، ۴	۱۳۷۶۷۲	۳	y_{15}
۳۹، ۳۴، ۲۸، ۲۵	۱۸۱۹۴۹	۴	y_{16}
۸، ۲	۱۰۷۹۵۳	۲	y_{17}
۴۰، ۳۰، ۱۸	۱۷۲۹۵۸	۳	y_{20}
۲۱، ۱۷، ۱۶	۱۳۷۷۵۹	۳	y_{21}
۴۱، ۲۳	۱۱۷۵۹۴	۲	y_{23}
۱۹، ۱۱	۹۶۰۳۰	۲	y_{24}
	۱۶۶۹۱۶۷	۳۸	مجموع



شکل ۲. نقشه پراکندگی و مختصات جغرافیایی مراکز جمعیتی و نقاط کاندیدا با درنظرگرفتن تابع هدف اول

نسبت به حالت اجرای مدل با تابع هدف اول کاهش محسوسی یافته است. علت این امر متفاوت بودن عملکرد دو تابع هدف در تخصیص مقادیر به متغیرهای u_i و x_{ij} است. همچنین، از ۲۵ نقطه کاندیدا برای احداث درمانگاه‌های جدید دوازده متغیر y_i مقدار یک گرفتند. درواقع، با توجه به محدودیت ۱۸، حداقل دوازده درمانگاه جدید تأسیس شده است. دوازده نقطه کاندیدای انتخابی در این حالت بارantanد از: $y_{22}, y_{21}, y_{20}, y_{19}, y_{18}, y_{17}, y_{16}, y_{15}, y_{14}, y_{13}, y_{12}, y_{11}, y_{10}, y_9, y_8, y_7, y_6, y_5, y_4, y_3, y_2, y_1$

(ب) بهینه‌سازی مستقل تابع هدف دوم (z_2)

مقدار تابع هدف دوم در این حالت برابر با $50/76192$ کیلومتر شده است، زیرا تابع هدف دوم به دنبال کاهش مجموع فاصله میان مراکز جمعیتی و نقاط کاندیدا برحسب کیلومتر است. همچنین، مقدار جمعیت پوشش‌یافته در این حالت برابر با $1,372,383$ نفر است. شایان ذکر است میزان جمعیت پوشش‌یافته بعد از اجرای مدل با تابع هدف دوم

و ۲۳. شایان ذکر است این دوازده درمانگاه جدیدالتأسیس، دوازده درمانگاه جدید پوشش داده نشدن که درمجموع جمعیت آن‌ها معادل ۵۷۶,۸۶۲ نفر است. توضیحات کامل‌تر در این زمینه در جدول ۴ مشاهده می‌شود.

و ۲۳. شایان ذکر است این دوازده درمانگاه جدیدالتأسیس، جمعیت پوشش داده‌نشده توسط ۳۰ درمانگاه از ۴۵ درمانگاه موجود را پوشش دادند، که این ۳۰ درمانگاه جمعیتی معادل ۳۷۲,۳۸۳ نفر را پوشش می‌دهند. همچنین، پانزده درمانگاه به شماره‌های ۱، ۲، ۳، ۴، ۵، ۹، ۱۰، ۱۱، ۱۲، ۱۹، ۲۴، ۲۶، ۳۳، ۲۷، ۴۰، ۴۳ با وجود تأسیس

جدول ۴. نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی پوشش‌یافته با درنظرگرفتن تابع هدف دوم

شماره مراکز جمعیتی	جمعیت تحت پوشش	تعداد مراکز تحت پوشش	نقطه کاندیدای انتخابی
y_1	۳	۱۳۳۳۲۷	۳۸، ۳۷، ۳۶
y_7	۳	۱۴۳۳۷۱	۱۵، ۱۳، ۱۰
y_{10}	۱	۵۹۱۳۶	۳۴
y_{12}	۶	۱۹۹۰۷۵	۴۵، ۳۲، ۳۱، ۳۰، ۲۹، ۲۳
y_{15}	۲	۸۸۸۰۶	۷، ۶
y_{16}	۳	۱۲۲۸۱۳	۳۹، ۲۸، ۲۵
y_{17}	۱	۶۱۱۲۵	۸
y_{18}	۱	۵۷۸۵۲	۴۴
y_{20}	۳	۱۸۰۳۳۱	۳۵، ۲۰، ۱۷
y_{21}	۴	۱۹۲۶۷۸	۲۱، ۱۸، ۱۶، ۱۴
y_{22}	۱	۴۴۹۹۰	۲۲
y_{23}	۲	۸۸۸۷۹	۴۲، ۴۱
مجموع	۳۰	۱۳۷۲۳۸۳	[REDACTED]

پوشش‌یافته، با درنظرگرفتن تابع هدف دوم نشان داده شده است. در این شکل، نقاط کاندیدای انتخاب شده با مربع‌های قرمز هاشور خورده، مراکز جمعیتی پوشش‌یافته با دایره‌های کوچک آبی‌رنگ و مراکز جمعیتی پوشش‌یافته با دایره‌های کوچک زرد رنگ مشخص شده‌اند. در ضمن، نقاط کاندیدای انتخاب نشده با نقاط مربع قرمز رنگ مشخص شده‌اند.

ج) نتایج حل مدل با ادغام توابع هدف (z_3)

در این حالت، پوشش‌دهی جمعیت بیشتر، اهمیت بیشتری نسبت به تابع هدف دوم یعنی مجموع فواصل دارد؛ بنابراین، وزن تابع هدف اول برابر ۲۰۰۰ و وزن تابع هدف دوم برابر ۵۰۰ در روش معیار جامع درنظر گرفته می‌شود. حل مدل با نرم‌افزار لینگو ۱۵ انجام گرفت و مقدار تابع هدف ادغامی در این حالت برابر با ۲۴۶,۱۵۵۶ به‌دست آمد.

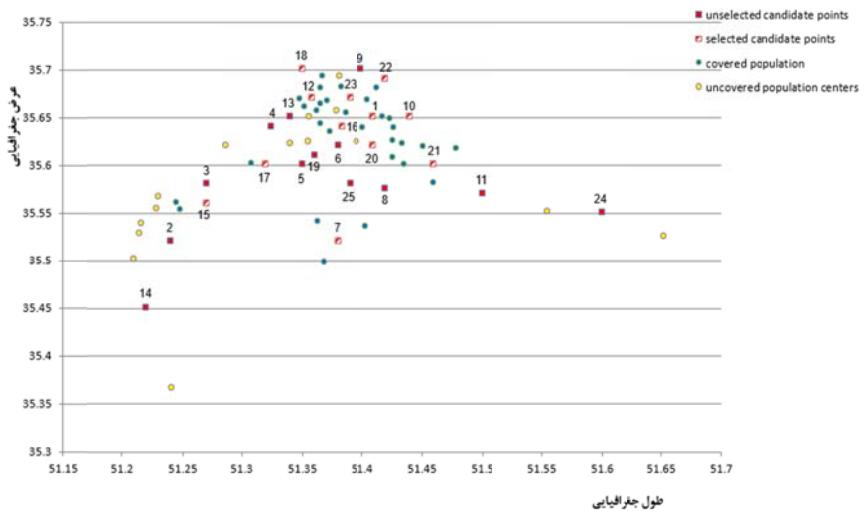
در جدول ۴، جزئیات پوشش‌دهی و چگونگی مقدارگیری متغیرهای x_{ij} به تفکیک هر درمانگاه جدیدالتأسیس هنگام حل مدل با تابع هدف دوم ذکر شده است؛ برای مثال، در این جدول نقطه کاندیدای هفتم یعنی ۷ به همراه مراکز جمعیتی تحت پوشش این درمانگاه جدیدالتأسیس نشان داده شده است. درواقع، ۷ مراکز جمعیتی ۱۰، ۱۳، ۱۵ را پوشش می‌دهد؛ به عبارت دیگر، در مدل مورد نظر متغیرهای $x_{7\ 10}$ ، $x_{7\ 13}$ ، $x_{7\ 15}$ مقدار یک می‌گیرند. به‌این‌ترتیب، مابقی نتایج مذکور در جدول نیز بیانگر نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی پوشش‌یافته به تفکیک هر درمانگاه جدیدالتأسیس است. در شکل ۳، به منظور تفہیم بیشتر موضوع، نقشهٔ پراکندگی نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی

جدیدالتأسیس هنگام حل مدل با تابع هدف ادغامی ذکر شده است؛ برای مثال، در جدول ۵ نقطه کاندیدای دوم یعنی لزبه همراه مراکز جمعیتی که این درمانگاه جدیدالتأسیس پوشش می‌دهد نشان داده شده است. در واقع، y_2 مراکز جمعیتی $x_{23}^3, x_{25}^5, x_{29}^9$ را پوشش می‌دهد؛ به عبارت دیگر، در مدل مورد نظر متغیرهای x_{23}, x_{25}, x_{29} مقدار یک می‌گیرند. به این ترتیب، مابقی جدول نیز بیانگر نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی پوشش یافته به تفکیک هر درمانگاه جدیدالتأسیس است. در شکل ۴ به منظور تفهیم بیشتر موضوع، نقشه پراکندگی نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی پوشش یافته، با درنظر گرفتن تابع هدف ادغامی نشان داده می‌شود. در این شکل، نقاط کاندیدای انتخاب شده با مربع‌های قرمز هاشور خورده، مراکز جمعیتی پوشش یافته با دائره‌های کوچک آبی‌رنگ و مراکز جمعیتی پوشش نیافته با نقاط کاندیدای انتخاب نشده با نقاط مرربع قرمزنگ مشخص شده‌اند. در ضمن، نتایج آن‌ها، به شکل ۵ مراجعه شود. این نمودار به خوبی مبین چگونگی اثرگذاری هریک از توابع هدف در پوشش‌دهی جمعیت و نیز مجموع فواصل میان مراکز درمانی است که نشان می‌دهد تابع هدف ادغامی، میان نتایج توازن ایجاد کرده است.

مقدار تابع هدف اول در این حالت $1,622,946$ نفر و مقدار تابع هدف دوم $70,12997$ کیلومتر است. همان طورکه پیش‌بینی شد، مقادیر توابع هدف اول و دوم نسبت به مقادیر بهینه آن‌ها در حالت حل مستقل بدتر شده است.

همچنین، به دلیل اینکه به تابع هدف اول وزن بیشتری اختصاص داده شده بود، جواب‌های حاصل از حل تابع هدف ادغامی به جواب بهینه تابع هدف اول که بیشینه‌سازی جمعیت تحت پوشش است نزدیک‌ترند. از 25 نقطه کاندیدا برای احداث درمانگاه‌های جدید، دوازده متغیر y_i مقدار یک گرفته‌اند. درواقع، با توجه به محدودیت 18 مدل پیشنهادی، حداقل تعداد ممکن یعنی 12 درمانگاه جدید تأسیس شده است. این دوازده نقطه کاندیدای انتخابی در این حالت عبارت‌اند از: $y_1, y_2, y_3, y_4, y_5, y_6, y_7, y_8, y_9, y_{10}, y_{11}, y_{12}, y_{13}, y_{14}, y_{15}, y_{16}, y_{17}, y_{18}, y_{19}, y_{20}, y_{21}$ و y_{22} که بعد از حل مدل مقدار یک گرفته‌اند. شایان ذکر است این دوازده درمانگاه جدید‌التأسیس، جمعیت پوشش‌داده نشده توسط 36 درمانگاه از 45 درمانگاه موجود را پوشش دادند. این 36 درمانگاه جمعیتی معادل $1,622,946$ نفر را پوشش می‌دهند. همچنین، نه درمانگاه به شماره‌های $1, 11, 12, 19, 22, 24, 26, 27, 43$ با وجود تأسیس دوازده درمانگاه جدید پوشش داده نشدند که درمجموع جمعیت آن‌ها معادل $326,299$ نفر است.

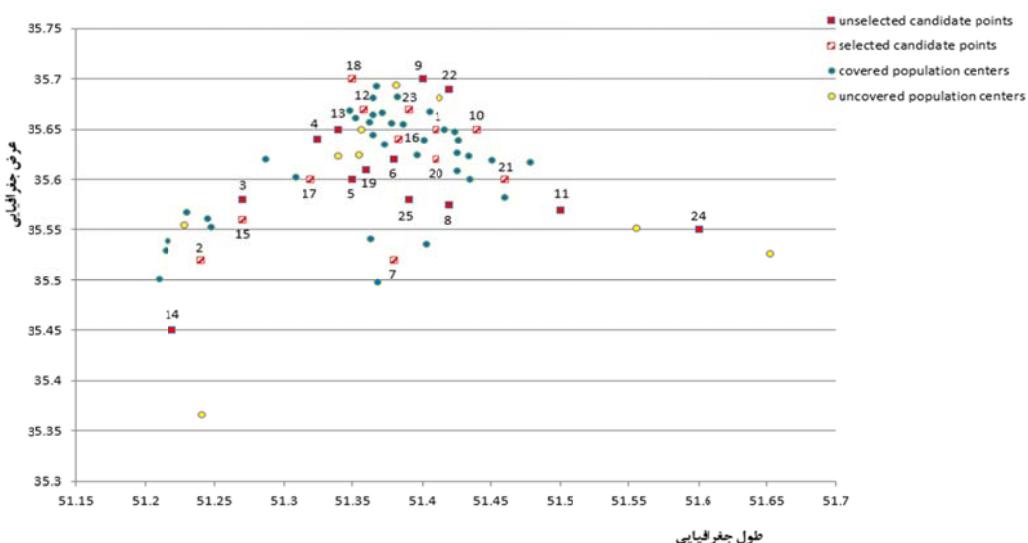
در جدول 5 ، جزئیات پوشش‌دهی و چگونگی مقدارگیری متغیرهای x_{ij} به تفکیک هر درمانگاه



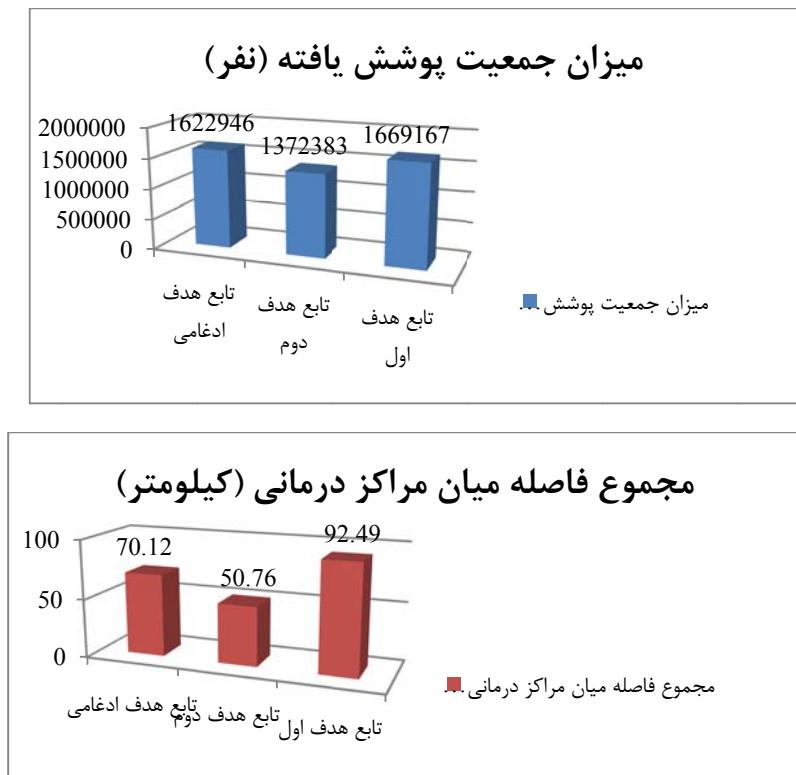
شکل ۳. نقشه پراکندگی و مختصات جغرافیایی مراکز جمعیتی و نقاط کاندیدا با درنظر گرفتن تابع هدف دوم

جدول ۵. نقاط کاندیدای انتخابی به همراه مراکز جمعیتی پوشش یافته با درنظر گرفتن تابع هدف ادغامی

نقطه کاندیدای انتخابی	تعداد مراکز تحت پوشش	جمعیت تحت پوشش	شماره مراکز جمعیتی
y_1	۳	۱۳۳۳۲۷	۳۸، ۳۷، ۳۶
y_2	۳	۱۴۶۷۸۵	۹، ۵، ۳
y_7	۳	۱۴۳۳۷۱	۱۵، ۱۳، ۱۰
y_{10}	۲	۱۱۸۰۶۵	۳۴، ۱۷
y_{12}	۶	۱۹۹۰۷۵	۴۵، ۳۲، ۳۱، ۳۰، ۲۹، ۲۳
y_{15}	۳	۱۳۷۶۷۲	۷، ۶، ۴
y_{16}	۴	۱۴۸۰۷۷	۳۹، ۳۳، ۲۸، ۲۵
y_{17}	۲	۱۰۷۹۵۳	۸، ۲
y_{18}	۱	۵۷۸۵۲	۴۴
y_{20}	۳	۱۴۹۲۱۲	۴۰، ۳۵، ۲۰
y_{21}	۴	۱۹۲۶۷۸	۲۱، ۱۸، ۱۶، ۱۴
y_{23}	۲	۸۸۸۷۹	۴۲، ۴۱
مجموع	۳۶	۱۶۲۲۹۴۶	



شکل ۴. نقشه پراکندگی و مختصات جغرافیایی مراکز جمعیتی و نقاط کاندیدا با درنظر گرفتن تابع هدف ادغامی



شکل ۵. نمودار قیاسی نتایج توابع هدف مختلف

- مدل‌های مشابه دارد. نتایج اجرای مدل نشان داد در حالت ادغامی میان تابع هدف اول و دوم توازن برقرار است. پیشنهاد می‌شود در تحقیقات آتی به موضوعات زیر توجه شود:
- عدم قطعیت در جمعیت عدم تحت پوشش درنظر گرفته شود؛
 - جمعیت مراکز درمانی به صورت یک توزیع احتمالی یکنواخت در شعاعی خاص از درمانگاه‌های موجود توزیع شود؛
 - به منظور فرموله کردن مسئله مورد نظر می‌توان از سایر مدل‌های مکان‌یابی مانند مکان‌یابی شبکه یا مدل‌های پوشش پشتیبان بهره گرفت.

نتیجه‌گیری

هدف اصلی این تحقیق ارائه مدلی برای نشان دادن شرایط انحصاری در مدل‌های مکان‌یابی بود. بهتر است مراکز درمانی جدیدالتأسیس تا حد امکان نزدیک مراکز جمعیتی (درمانگاه‌های سابق) احداث شوند؛ بنابراین، تابع هدف دیگری به منظور کمینه‌سازی مجموع فواصل مراکز درمانی جدیدالتأسیس از مراکز جمعیتی به مدل مذکور اضافه شد. در ادامه، برای حل مدل مورد نظر، این دو تابع هدف با بهره‌گیری از روش معیار جامع ادغام شدند و با درنظر گرفتن وزن‌های متناسب براساس نظر مدیریت، مدل اجرا شد. به دلیل بهره‌گیری از رویکرد چنددهدفه به منظور حل مدل مذکور و درنظر گرفتن هم‌زمان دو تابع هدف با وزن‌های متناسب، این مدل یک مزیت رقابتی نسبت به

مراجع

1. Arkat, J. and Zamani, S. (2014). "Network Location Problem for Two Congestible Facilities Considering Impatient Customers." *Journal of Industrial Engineering*, University of Tehran, Vol. 48, No. 1, PP. 13-22.
2. Daskin, M. S. and Dean, L. K. (2004). Location of health care facilities. Operations research and health care. Springer, USA, PP. 43-76.

3. Daskin, M. S.(2011). Network and discrete location: models, algorithms, and applications. John Wiley & Sons.
4. Francis, R. L., McGinnis, L. and White, J. (1992). Facility location and layout: An analytical approach. Englewoods Cliffs, Prentice-Hall, New Jersey, USA.
5. Handler, G.Y. and Mirchandani, P.B.(1979). Location on networks: theory and algorithms. MIT press, Cambridge, United Kingdom.
6. Love, R. F., Morris, J.G. and Wesolowsky, G.O.(1988)."Facilities location." *Chapter*, Vol. 3, PP. 51-60.
7. Simpson, N. and Hancock, P.(2009)."Fifty years of operational research and emergency response." *Journal of the Operational Research Society*, Vol. 60, PP. S126-S139.
8. Daskin, M. S.(2008)."What you should know about location modeling." *Naval Research Logistics (NRL)*,Vol. 55, No. 4, PP. 283-294.
9. Serra, D. and Marianov, V. (1998)."The p-median problem in a changing network: the case of Barcelona." *Location Science*, Vol. 6, No. 1, PP. 383-394.
10. Ndiaye, M. and Alfares, H. (2008)."Modeling health care facility location for moving population groups." *Computers & Operations Research*, Vol. 35, No. 7, PP. 2154-2161.
11. Vahidnia, M. H., Alesheikh, A. A. and Alimohammadi, A.(2009)."Hospital site selection using fuzzy AHP and its derivatives." *Journal of environmental management*,Vol. 90, No. 10, PP. 3048-3056.
12. Syam, S. S. and Côté M. J (2010)."A location-allocation model for service providers with application to not-for-profit health care organizations." *Omega*,Vol. 38, No. , PP. 157-166.
13. Mitropoulos, P., Mitropoulos, I. and Giannikos, I. (2013)."Combining DEA with location analysis for the effective consolidation of services in the health sector." *Computers & Operations Research*,Vol. 44, No. 9, PP. 2241-2250.
14. Ghaderi, A. and Jabalameli, M. S.(2013)."Modeling the budget-constrained dynamic uncapacitated facility location–network design problem and solving it via two efficient heuristics: a case study of health care." *Mathematical and Computer Modelling*, Vol. 57, No. 3, PP. 382-400.
15. Mohammadi, M., Dehbari, S. and Vahdani, B. (2014)."Design of a bi-objective reliable healthcare network with finite capacity queue under service covering uncertainty." *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, Vol. 72, No. 1, PP. 15-41.
16. Mestre, A. M., Oliveira, M. D. and Barbosa-Póvoa, A. P. (2015)."Location–allocation approaches for hospital network planning under uncertainty." *European Journal of Operational Research*, Vol. 240, No. 3, PP. 791-806.

واژگان انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

1. Set covering model
2. Maximal covering model
3. P-median models
4. Geographic Information System (GIS)
5. Mixed-Integer Programming (MIP)
6. Cyclical
7. Dynamic Uncapacitated Facility Location-Network Design Problem
8. Latitude
9. Longitude