

## ارائه مدلی مبتنی بر سناریو برای مدیریت زنجیره تأمین چندمحصولی چندسطحی با تقاضا و مدت زمان انتظار تصادفی

محمدباقر فخرزاد<sup>۱\*</sup>، زهرا سادات حسینی<sup>۲</sup>، جواد حسن پور رودبارکی<sup>۳</sup>

۱. دانشیار دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه یزد

۲. دانشجوی دکتری مهندسی صنایع، دانشگاه یزد

۳. مری دانشکده مهندسی صنایع، دانشگاه صنعتی قوچان

(تاریخ دریافت: ۹۵/۰۹/۱۴، تاریخ دریافت روایت اصلاح شده: ۹۶/۰۸/۰۱ تاریخ تصویب: ۹۶/۰۸/۰۲)

### چکیده

در این مقاله، مدل مدیریت زنجیره تأمین چندسطحی و چندمحصولی با استفاده از کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC) ارائه می‌شود که می‌تواند زنجیره تأمین را با برنامه‌ریزی عدم قطعیت که از تقاضا و مدت زمان انتظار تصادفی ناشی می‌شود، اداره کند. علاوه بر این، با احتمال ۹۵ درصد سطح خاصی از خدمات را در قالب افق زمانی به مشتری تضمین می‌کند. احتمالی بودن مدت زمان انتظار ممکن است اثر شلاقی را در طول کل زنجیره و کمبودهایی را در سطوح مختلف ایجاد کند. بدین منظور، هزینه مواجهه با کمبود در مدل درنظر گرفته شده است. پس از مدل سازی، مسئله در حالت احتمالی حل شده، و برای حل مسائل بزرگ‌تر الگوریتم رقابت استعماری به کار رفته است. براساس نتایج، SCMPC از نظر محاسباتی بسیار کارآمد است و مزیت آن از بهینه‌سازی استوار و تصادفی بیشتر است.

**واژه‌های کلیدی:** برنامه‌ریزی تصادفی، بهینه‌سازی مبتنی بر سناریو، چند دوره‌ای، چندمحصولی، کنترل پیش‌گویانه.

### مقدمه

سجادی و داوودپور [۴] مسئله مکان‌یابی تسهیل با محدودیت ظرفیت، چندمحصولی، تکدوره‌ای و دوستاخی را در حالت قطعی درنظر گرفتند.

لئو و همکاران [۵] پنج قانون را برای تصمیم‌گیری درباره انتقال موجودی مبتنی بر نقشه راه بهمنظور راهنمایی مدیریت موجودی پیشنهاد دادند.

زو و همکاران [۶] چهارچوب بهینه‌سازی مبتنی بر شبیه‌سازی را با استفاده از سیستم‌عامل برای حل مسئله چندسطحی موجودی ارائه دادند.

فرمول‌سازی ریاضی مسائل زنجیره تأمین چندسطحی، با چالش‌های عظیمی برای بهینه‌سازی و کنترل همراه است. در حقیقت، این فرمول‌بندی‌ها مبین مسائل بهینه‌سازی در مقیاس وسیع است که از اطلاعات ناقص و عدم قطعیت تأثیر می‌پذیرد.

در جدیدترین بررسی پژوهش‌های مکان‌یابی و مدیریت زنجیره تأمین، ملو و همکاران [۷] نشان دادند در بیشتر مطالعات در این زمینه، به مدل‌های قطعی توجه می‌شود و

شبکه توزیع از مسائلی است که در چند دهه اخیر توجه زیادی به آن شده است. روش‌های مدیریت زنجیره تأمین، همچنان در مرکزیت پژوهش‌ها قرار دارد. معاملات در سطوح مختلف در شبکه توزیع اثربخش، باید به گونه‌ای باشد که در آن جریان محصولات از تولیدکننده تا مشتری با هدف حداقل‌سازی هزینه‌ها و حداقل‌سازی سود با بیشترین سطح رضایت مشتریان صورت بگیرد. طراحی شبکه زنجیره تأمین عبارت است از برنامه‌ریزی راهبردی این زنجیره که به عوامل زیر مربوط می‌شود [۱]:

تعداد، موقعیت مکانی، ظرفیت تأسیسات و مراکز توزیع، فناوری تولیدی به کاررفته در هریک از تأسیسات، انتخاب عرضه‌کننده، تصمیمات درباره ساختن یا خریدن و طراحی شبکه حمل و نقل.

شاپیرو و همکاران [۲]، و افشاری و همکاران [۳] مدلی از مکان‌یابی-موجودی-حمل و نقل را مطرح کردند.

برای دوره زمانی ثابت و بهینه‌سازی تصمیمات عملیاتی (تولید، حمل و نقل و...) با استفاده از روش‌های بهینه‌سازی، به کار گرفته می‌شود. در این رابطه، مشخص است «مدل عدم قطعیت، عموماً عملکرد کنترل پیش‌گویانه مدل MPC را فراتر از رویکرد قطعی، بهبود و توسعه می‌بخشد» (لی و مارلین [۲۳]؛ سوهدی و تنگ [۲۴])؛ زیرا این مدل، اطلاعات مهمی را درمورد تغییرپذیری مقادیر نامعلوم در مقایسه با جایگزینی آن‌ها به وسیله ارزش‌های محتمل یا قابل انتظار بیان می‌کند. شیلدیچ و همکاران [۲۵] روش جدیدی را مطرح کردن که عدم قطعیت را در «کنترل پیش‌گویانه مدل MPC» با درنظرگرفتن نمونه سناریوهای عدم قطعیت ارائه می‌دهد. این روش «کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC)» نامیده می‌شود و سطح خاص خدمات مشتری را در پیاده‌سازی افق زمانی اش برآورده می‌کند.

همان‌طور که اشاره شد، در بیشتر مقالات تقاضا به عنوان پارامتر تصادفی در مسائل درنظر گرفته شده است. در این مقاله مدت‌زمان انتظار به صورت پارامتر تصادفی فرض شده است که موجب می‌شود سطوح موجودی در تولیدکنندگان، توزیع‌کننده و خرده‌فروش احتمالی شود. برای کنترل میزان کمبود در زنجیره تأمین هزینه‌های کمبود به تابع هدف اضافه شده است.

در این مقاله، با توسعه مدل شیلدیچ و همکاران [۲۵] و به کاربردن مفهوم سطح اطمینان برای احتمالی کردن مدل، سطح اطمینانی برای مدل درنظر گرفته شد که به سطح خدمت به مشتری مربوط است و مدل برنامه‌ریزی شناس محدودیت‌دار نام دارد. از درخت سناریو نیز برای کمک به ایجاد K سناریو و حل مدل استفاده شده است.

این مقاله در بخش اول مقدمه و در قسمت‌های پایانی، خلاصه‌ای برای روش پیشنهادی ارائه می‌کند. در بخش دوم، مثالی از مدل زنجیره تأمین بیان می‌شود که به عنوان مطالعه موردی، در سراسر این مقاله درنظر گرفته می‌شود. در حقیقت، روش جدیدی که در بخش ۳ توصیف می‌شود، بسیار جامع است. تا آنجا که می‌توان برای مجموعه وسیعی از مدل‌های متنوع از آن استفاده کرد. به منظور شرح ویژگی‌های این روش، بعضی نتایج حاصل از آزمایش‌های عددی در بخش ۴ مطرح شده و در بخش ۵ خلاصه و نتیجه‌گیری مختصری صورت گرفته است.

عدم قطعیت پارامترها در مدل‌های اشان بررسی نمی‌شود. به هر حال، عدم قطعیت یکی از مهم‌ترین مسئله‌ها در SCM است. صابری و همکاران [۸] بیان کردن که به دلیل سختی حل مدل‌های SCND تصادفی، پژوهش‌های زیادی انجام نشده است که در برگیرنده مدل‌های چند سطحی پیچیده و تصادفی باشد. بسیاری از این پژوهش‌ها مدل‌هایی هستند که تقاضا را تصادفی در نظر می‌گیرند.

استایدر [۹] روش‌های بهینه‌سازی مسئله‌های مکان‌یابی را مرور کرد. همچنین کلیی و همکاران [۱۰] مسئله‌های SCND تحت عدم قطعیت و مدل‌های موجود را بررسی کردند. تسیاکیس و همکاران [۱۱] مدل برنامه‌ریزی تصادفی دو مرحله‌ای را برای مسئله طراحی شبکه در ارتباط با زنجیره تأمین چندمحصولی و چندسطحی تحت تقاضای غیرقطعی ایجاد کردند.

هینجوسا و همکاران [۱۲] مسئله مکان‌یابی تسهیلات را به همراه درنظر گرفتن موجودی در دوره‌های مختلف، در شرایطی که توانایی باز و بسته کردن تسهیلات وجود دارد بیان کردند. ژانگ و وانگ [۱۳] در مقاله خود، مسئله برنامه‌ریزی ظرفیت را تحت شرایط عدم قطعیت بررسی کردند و نتیجه گرفتند تقاضای بازار و هزینه محصول، تصادفی است. در بیشتر مطالعاتی که مدیریت زنجیره تأمین را تحت عدم قطعیت درنظر می‌گیرند، تقاضا به عنوان تنها پارامتر تصادفی مدنظر است.

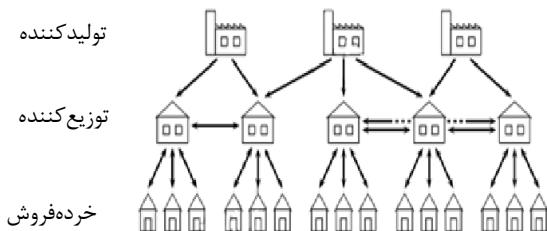
یکی از حوزه‌های جدید در مدیریت زنجیره تأمین، شامل روش‌هایی است که به کنترل مدل پیش‌گویانه مربوط است. برای بررسی اجمالی این مدل می‌توان به اثر ماین و همکاران [۱۴] مراجعه کرد. پژوهشگران زیر مطالعات گوناگونی را در این حوزه برای کاهش هزینه عملیات سیستم موجودی انبار و زنجیره تأمین انجام دادند: پریلوپز و همکاران [۱۵]، فخرزاد و حیدری [۱۶]، ساریموپز و همکاران [۱۷] ماستر و همکاران [۱۸] و فخرزاد و همکاران [۱۹].

الگوریتم‌های مبتنی بر کنترل پیش‌گویانه مدل MPC، برای کنترل موجودی انبار در داروخانه‌ها (جورادو و همکاران [۲۰])، صنعت نیمه‌هادی (ونگ و همکاران [۲۱]) و شبکه‌های آب آشامیدنی (گروسو و همکاران [۲۲]) به صورت موفقیت‌آمیزی اجرا شده است. مدل MPC، به منظور پیش‌بینی وضعیت سیستم (موجودی انبار، سطح خدمات و...)

فعالیت خود را انجام می‌دهد، بسیار طولانی درنظر گرفته می‌شود که از بازه برنامه‌ریزی منطقی بسیار طولانی‌تر است. به همین منظور، در ادامه روش مناسبی برای افق تصمیم‌گیری ارائه شده است.

### ساختار مدل

مدل زنجیره تأمین، دارای سه سطح زنجیره، تأمین و امکانات  $L = 3$  متعدد برای هر مرحله است. اولین سطح، شامل تولیدکننده محصول  $\{l \in L\}$ ، دومین سطح، شامل  $M = 5$  انبار یا مراکز توزیع  $\{m \in M\}$ ، و سومین سطح، شامل  $N = 15$  مشتری یا خردهفروشی  $\{n \in N\}$  است.



شکل ۱. طرح کلی منالی از مدل زنجیره تأمین

این مدل، شامل  $J=2$  کالاست و در آن،  $I=3$  امکانات تولید محصول،  $M=5$  انبار و  $N=15$  خردهفروشی وجود دارد. فلش‌های موجود در این مدل، مسیرهای حمل و نقل در دسترس را نشان می‌دهد.

محصولات ممکن است در طول مسیرهایی که از قبل تعریف شده‌اند، انتقال یابند. با توجه به فلش‌ها در شکل ۱، این مسیرها می‌توانند با تغییر زمان تغییر کنند، اما این فرض وجود دارد که دائمی هستند. در این حوزه، انتقالات اصلی رو به پایین با احتمالات مضاعف، برای توزیع مجدد محصولات از سطح خردهفروشان به سطح انبارها درنظر گرفته می‌شود. برای راحتی نوشتار، مجموعه مسیرها به عنوان زیرمجموعه‌های سلسله‌مراتب چندتایی مبدأ و مقصد هدف تعریف، و مجموعه مسیرهای انتقال به عنوان معرفی  $S := S_{im} \cup S_{mm} \cup S_{mn} \cup S_{nm}$  می‌شوند.

$S_{im} \subseteq L \times M$ ,  $S_{mm} \subseteq M \times M$ ,  $S_{mn} \subseteq M \times N$ ,  $S_{nm} \subseteq N \times M$  می‌شوند. اندیس‌ها، پارامترها و متغیرهای مورد استفاده برای مدل کردن این مسئله در ادامه بیان شده است:

### ساختار جدید

این پژوهش، رویکرد جدید مت默کزی را برای مدیریت زنجیره تأمین چندسطحی ارائه می‌دهد که می‌توان از آن برای تنوع وسیعی از مدل‌های متفاوت زنجیره تأمین استفاده کرد. این روش، براساس نتایج اخیر «کمپی و گراتی [۲۶]» درباره رویکرد بهینه‌سازی مبتنی بر سناریو (رویکرد سناریو) و اثر «شیلدیچ و همکاران [۲۵]» درمورد کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC) صورت گرفته است. کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC)، بارها مسئله برنامه‌ریزی بهینه را در افق زمانی محدود حل کرده است. SCMPC محدودیت‌های ظرفیت را مانند سطوح مشخص خدمات مشتری حفظ می‌کند و در آن، تقاضای مشتریان با موجودی در دسترس برآورده می‌شود (بیتران و یاناس [۲۸]؛ بوکبیندر و تن [۲۹]).

در این مدل همزمان، هزینه‌های عملیاتی بلندمدت در حافظه‌ترين حالت خود نگه داشته می‌شود. از سوی دیگر، زنجیره‌های تأمین با عدم قطعیت‌های مختلف (به عنوان مثال عدم قطعیت در پارامترهای تقاضا، بازده تولید، موجودی‌های فاسدشدنی، قیمت و...) در طول افق زمانی اداره می‌شود (اک و گوپالاکریشن [۳۰]) و می‌تواند شامل تخمین‌ها و پیش‌بینی‌هایی درمورد این عدم قطعیت‌ها باشد. کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC)، بر مبنای تعداد مشخص ( $k$ ) سناریو نمونه تضمیم‌گیری می‌کند. از آنجا که سناریوها، تصادفی نمونه‌برداری می‌شوند، SCMPC الگوریتمی تصادفی به شمار می‌آید. البته بعد از این تصادفی‌سازی، مسائل بهینه‌سازی به مسائلی قطعی و ثابت مبدل می‌شوند.

مزیت اساسی این روند، کارایی محاسباتی است که در آن SCMPC می‌تواند مسائل با مقیاس مشابه را مانند آن‌هایی که با استفاده از الگوریتم‌های قطعی حل می‌شوند، اداره کند.

### مدل زنجیره تأمین

شیلدیچ و همکاران [۲۵] و شیلدیچ و همکاران [۲۷] روش کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC) را که در این پژوهش ارائه شده است مطرح کرده‌اند. در اینجا، مطالعه موردی واقعی برای اهداف مورد نظر که با مدل قطعی «پرالوپز و همکاران [۱۵]» قابل مقایسه است معرفی، و ساختار اساسی آن در شکل ۱ شرح داده شده است. دوره زمانی  $T$  که در طول آن، سیستم

$I_{tjl}$ : سطح موجودی از محصول $j$ در کارخانه $l$ در زمان $t$ ؛ $I_{tjm}$ : سطح موجودی از محصول $j$ در انبار $m$ در زمان $t$ ؛ $I_{tjn}$ : سطح موجودی از محصول $j$ در خردهفروش $n$ در زمان $t$ ؛ $B_{tjl}$ : میزان کمبود از محصول $j$ در کارخانه $l$ در زمان $t$ ؛ $B_{tjm}$ : میزان کمبود از محصول $j$ در انبار $m$ در زمان $t$ ؛ $B_{tjn}$ : میزان کمبود از محصول $j$ در خردهفروش $n$ در زمان $t$ . انتقالات $x_{tjs}$ به مقصدشان ( $S_2$ ), بعد از مدت زمان انتظار $\lambda_{t,s}$ از طریق مسیر $s \in S$ صورت می‌گیرد. تولیدات $y_{tjl}$ زمان انجام فرایند تولید $\lambda_t$ در $l \in L$ دارند. به علاوه، برنامه تولید باید از قبل در قالب مراحل زمانی $T_{prod}$ تعیین شود. پس از انتقالات برای دوره زمانی $t \in T$ , انتقالات و مقادیر تولیدشده، از دوره‌های پیشین حاصل می‌شود، سپس مقادیر $n \in N$ برای محصول $d_{tjn}$ در خردهفروشی $j \in J$ قابل مشاهده خواهد بود.	<b>اندیس‌ها</b> $N$ : مجموعه اندیس خردهفروشان $M$ : مجموعه اندیس انبارها $L$ : مجموعه اندیس کارخانه‌ها $J$ : مجموعه اندیس محصول‌ها $S$ : مجموعه اندیس محصول‌ها
$\gamma_{tjl}$ : هزینه تولید محصول $j$ در کارخانه $l$ در زمان $t$ ؛ $C_l$ : ظرفیت تولیدی از سوی کارخانه $l$ ؛ $C_{jl}$ : ظرفیت تولید محصول $j$ از جانب کارخانه $l$ ؛ $\sigma_{tjs}$ : هزینه ارسال محصول $j$ از طریق مسیر $s$ در زمان $t$ ؛ $P_l$ : ظرفیت ذخیره‌سازی در کارخانه $l$ ؛ $W_m$ : ظرفیت ذخیره‌سازی در انبار $m$ ؛ $R_n$ : ظرفیت ذخیره‌سازی در خردهفروش $n$ ؛ $p_{jl}$ : ضریب ذخیره‌سازی محصول $j$ در کارخانه $l$ تولیدی؛ $w_{jm}$ : ضریب ذخیره‌سازی تولید محصول $j$ در انبار $m$ ؛ $r_{jn}$ : ضریب ذخیره‌سازی برای محصول $j$ در خردهفروش $n$ ؛ $\emptyset_{jl}$ : هزینه ذخیره‌سازی برای محصول $j$ بهوسیله کارخانه $l$ ؛ $\omega_{jm}$ : هزینه ذخیره‌سازی برای محصول $j$ توسط انبار $m$ ؛ $\rho_{jn}$ : هزینه ذخیره‌سازی برای محصول $j$ از جانب خردهفروش $n$ ؛ $\varphi_{jl}$ : هزینه مواجهه با کمبود برای تولید محصول $j$ بهوسیله کارخانه $l$ ؛ $\delta_{jm}$ : هزینه مواجهه با کمبود برای محصول $j$ توسط انبار $m$ ؛ $\theta_{jn}$ : هزینه مواجهه با کمبود برای محصول $j$ از سوی خردهفروش.	<b>پارامترها</b>
$y_{tjl}$ : تصمیمات مرتبط با میزان تولید محصول $j$ توسط کارخانه $l$ در زمان $t$ ؛ $x_{tjs}$ : تصمیمات مرتبط با میزان ارسال محصول $j$ بهوسیله $t$ در زمان $s$ .	<b>متغیرهای تصمیمی</b>

$$\min Z = \sum_{t \in T} \sum_{j \in J} \sum_{l \in L} \gamma_{tjl} y_{tjl} + \sum_{t \in T} \sum_{j \in J} \sum_{s \in S} \sigma_{tjs} x_{tjs} + \sum_{t \in T} \sum_{j \in J} \left( \sum_{l \in L} \emptyset_{jl} I_{tjl} + \sum_{m \in M} \omega_{jm} I_{tjm} + \sum_{n \in N} \rho_{jn} I_{tjn} \right) \quad (1)$$

s.t.

$$I_{tjl} = I_{t-\lambda_t, jl} - \sum_{s \in S, s_l=l} x_{tjs} + y_{t-\lambda_t, jl} \quad \forall l \in L \quad (2)$$

$$I_{tjm} = I_{t-\lambda_t, jm} - \sum_{s \in S, s_m=m} x_{tjs} + \sum_{s \in S, s_r=m} x_{t-\lambda_t, js} \quad \forall m \in M \quad (3)$$

$$I_{tjn} = I_{t-\lambda, jn} - \sum_{s \in S, s_\lambda = n} x_{tjs} + \sum_{s \in S, s_\lambda = n} x_{t-\lambda_s, js} - d_{tjn} \quad \forall n \in M \quad (4)$$

$$\sum_{j \in J} C_j y_{tjl} \leq C_l \quad \forall l \in L \quad (5)$$

$$\sum_{j \in J} p_j I_{tjl} \leq P_l \quad \forall l \in L \quad (6)$$

$$\sum_{j \in J} w_j I_{tjm} \leq W_m \quad \forall m \in M \quad (7)$$

$$\sum_{j \in J} r_j I_{tjn} \leq R_n \quad \forall n \in N \quad (8)$$

$$y_{tjl} \geq 0, \quad x_{tjs} \geq 0, \quad I_{tjl} \geq 0, \quad I_{tjm} \geq 0 \quad (9)$$

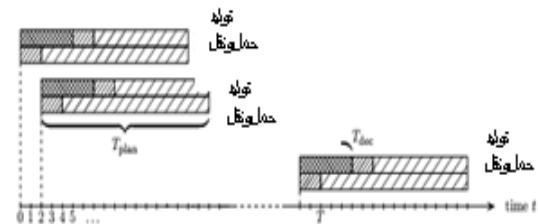
برای همه محدودیتها به ازای  $\forall t \in T$  و  $\forall j \in J$

$$\frac{1}{T} \sum_{t \in T} (I_{tjn} < \cdot) \leq \varepsilon_{jn} \quad \forall n \in N, \forall j \in J \quad (10)$$

در این مدل، معادله ۱۱ نشان‌دهنده تابع هدف، و عبارت است از کمینه‌کردن هزینه‌های کل شبکه در حالت احتمالی که عبارت اول شامل هزینه‌های تولید، عبارت دوم دربردارنده هزینه‌های ارسال، عبارت سوم شامل هزینه‌های نگهداری در شرایط احتمالی و عبارت چهارم دارنده هزینه‌های کمبود در شرایط احتمالی است. محدودیتهای ۱۲، ۱۳ و ۱۴ نشان‌دهنده سطح موجودی تحت سناریوهای مختلف در سطح تولیدکننده، توزیع‌کننده و خرده‌فروش است. محدودیت ۱۵ ظرفیت تولید کارخانه‌ها را نشان می‌دهد. محدودیتهای ۱۶، ۱۷ و ۱۸ نشان‌گر محدودیت ذخیره‌سازی تحت سناریوهای مختلف در هریک از سطوح زنجیره است. محدودیت ۱۹ بیان‌گر نامنفی بودن متغیرهایست. محدودیت ۲۰ نشان‌دهنده این است که در  $(\alpha - 1)$  درصد از موقع متوسط، تعداد دوره‌هایی که با کمبود مواجه می‌شود باید از سطح خدمت تعریف شده کمتر باشد. در این مطالعه موردى، سناریوهای تقاضای  $\lambda_{t,s}^{(K)}$  و  $d_{t+\tau/tjn}^{(K)}$  به ایجاد سطوح موجودی  $I_{t+\tau/tjm}^{(K)}$ ،  $I_{t+\tau/tjl}^{(K)}$ ،  $B_{t+\tau/tjm}^{(K)}$  و  $B_{t+\tau/tjl}^{(K)}$  و سطوح مختلف کمبود  $B_{t+\tau/tjn}^{(K)}$  در طول زنجیره منجر می‌شوند. سناریوی مجازی  $K+1$  که در آن همه تقاضا صفر  $d_{t+\tau/tjn}^{(K)}$  است، می‌تواند برای تضمین قاطع برآورده‌سازی محدودیتهای ظرفیت ذخیره‌سازی خرده‌فروشی معرفی شود.

### کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو

سیاست کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC)، زنجیره تأمین را در چارچوب برنامه‌ریزی افق زمانی اجرا می‌کند (شکل ۲). علاوه‌بر بازه برنامه‌ریزی  $T_{prod}$ ، سیاست کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو  $T_{dec} \ll T_{plan}$  (SCMPC)، شامل بازه تصمیم  $T_{plan} \ll T_{dec}$  (اغلب ۱) و برنامه تولیدی ثابت  $T_{prod} = T_{dec}$  است. همان‌طور که در شکل ۲ مشاهده می‌شود، نوار پایین، نمایانگر تصمیمات ارسال کالا، و نوار بالا نمایانگر تصمیمات تولید است. مناطق هاشورزده متقاطع نشان می‌دهد برنامه تولید ثابت (در دوره  $T_{prod}$ ) شده است. کل تصمیمات در مناطق هاشورزده برای اهداف برنامه‌ریزی شده (در طول بازه برنامه‌ریزی  $T_{plan}$ ) محاسبه می‌شود و در مناطقی که متراکم‌تر هاشور خورند (در طول بازه تصمیم  $T_{dec}$ ) اجرا می‌شود.



شکل ۲. کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو.

برنامه سناریو افق زمانی متناظر (RHSCP) در قالب زیر بیان می‌شود.

$$\min z = \frac{1}{K} \sum_{k \in K} \left[ \sum_{\tau=1}^{T_{\text{prod}}} \sum_{j \in J} \sum_{l \in L} \gamma_{t+\frac{\tau}{T}, jl} y_{t+\frac{\tau}{T}, jl} + \sum_{\tau=1}^{T_{\text{prod}}} \sum_{j \in J} \sum_{s \in S} \sigma_{t+\frac{\tau}{T}, js} x_{t+\frac{\tau}{T}, js} + \sum_{\tau=1}^{T_{\text{prod}}} \sum_{j \in J} \left( \sum_{l \in L} \varnothing_{jl} I_{t+\tau/tjl}^{(K)} \right) \right] \quad (11)$$

$$+ \sum_{m \in M} \omega_{jm} I_{t+\tau/tjm}^{(K)} \sum_{n \in N} \rho_{jn} I_{t+\tau/tjn}^{(K)} + \sum_{\tau=1}^{T_{\text{prod}}} \sum_{j \in J} \left( \sum_{l \in L} \varphi_{jl} B_{t+\tau/tjl}^{(K)} + \sum_{m \in M} \delta_{jm} B_{t+\tau/tjm}^{(K)} + \sum_{n \in N} \vartheta_{jn} B_{t+\tau/tjn}^{(K)} \right) \quad (12)$$

$$I_{t+\tau/tjl}^{(K)} - B_{t+\tau/tjl}^{(K)} = I_{t+\tau/t-\lambda_{jl}^{(K)}, jl}^{(K)} - \sum_{s \in S, s_l = l} x_{t+\tau/tjs} + y_{t+\tau/t-\lambda_{jl}^{(K)}, jl} \quad \forall l \in L \quad (13)$$

$$I_{t+\tau/tjm}^{(K)} - B_{t+\tau/tjm}^{(K)} = I_{t+\tau/t-\lambda_{jm}^{(K)}, jm}^{(K)} - \sum_{s \in S, s_m = m} x_{t+\tau/tjs} + \sum_{s \in S, s_m = m} x_{t+\tau/t-\lambda_{jm}^{(K)}, js} \quad \forall m \in M \quad (14)$$

$$I_{t+\tau/tjn}^{(K)} - B_{t+\tau/tjn}^{(K)} = I_{t+\tau/t-\lambda_{jn}^{(K)}, jn}^{(K)} - \sum_{s \in S, s_n = n} x_{t+\tau/tjs} + \sum_{s \in S, s_n = n} x_{t+\tau/t-\lambda_{jn}^{(K)}, js} - d_{t+\tau/tjn}^{(K)} \quad \forall n \in N \quad (15)$$

$$\sum_{j \in J} C_j y_{t+\tau/tjl} \leq C_l \quad \forall l \in L \quad (16)$$

$$\sum_{j \in J} p_j I_{t+\tau/tjl}^{(K)} \leq P_l \quad \forall l \in L \quad (17)$$

$$\sum_{j \in J} w_j I_{t+\tau/tjm}^{(K)} \leq W_m \quad \forall m \in M \quad (18)$$

$$y_{t+\tau/tjl} \geq \cdot, \quad x_{t+\frac{\tau}{T}, tjs} \geq \cdot, \quad I_{t+\frac{\tau}{T}, tjl}^{(K)} \geq \cdot, \quad I_{t+\frac{\tau}{T}, tjm}^{(K)} \geq \cdot, \quad I_{t+\frac{\tau}{T}, tjn}^{(K)} \geq \cdot, \quad B_{t+\frac{\tau}{T}, tjl}^{(K)} \geq \cdot, \quad B_{t+\frac{\tau}{T}, tjm}^{(K)} \geq \cdot, \quad B_{t+\frac{\tau}{T}, tjn}^{(K)} \geq \cdot \quad (19)$$

برای همه محدودیتها به ازای  $\forall j \in J$  و  $\forall t \in T$

$$\left( \frac{1}{T} \sum_{\tau=1}^{T_{\text{prod}}} \left( B_{t+\tau/tjn}^{(K)} > \cdot \right) \leq \varepsilon_{jn} \right) \geq 1 - \alpha \quad \forall n \in N, \forall j \in J \quad (20)$$

اگر تمامی متغیرهای عدم قطعیت شناخته شده و ثابت باشند، نتایج مسائل بهینه‌سازی محاسب شود.

۲. برنامه سناریو افق زمانی متناظر (RHSCP) همچنان به عنوان برنامه بهینه‌سازی امکان‌پذیر در هر مرحله تصمیم‌گیری  $\{i-1\}T_{dec}, i \in \{1, 2, \dots\}$  باقی می‌ماند (شیلدیچ و همکاران، ۲۰۱۴).

۳. در برنامه سناریو، شبه‌فضا نامحدود باقی مانده است.

۴. در برنامه سناریوی افق زمانی SCMPD کران پایین K که برای محدودیت سطح خدمات مورد نیاز است، با فرمول زیر ارائه شده است [۱۹]:

$$\frac{1}{K+1} \leq \varepsilon \Leftrightarrow K \geq \frac{1}{\varepsilon} - 1 \quad (21)$$

۵. در حالت کلی، سطوح خدمات  $\varepsilon_{jn} \in (0, 1]$  ممکن است به تهابی برای هر محصول  $j \in J$  و خرده‌فروشی  $n \in N$  انتخاب شود. سپس انتخاب اندازه هر نمونه  $K_{jn}$  باید براساس سطوح خدمات صورت

الگوریتم کلی کنترل پیش‌گوینده مدل مبتنی بر سناریو (SCMPD)، می‌تواند به شکل زیر خلاصه شود:

برای هر مرحله تصمیم  $t = (i-1)T_{dec}$  در جایی  $i \in \{1, 2, \dots\}$  برقرار است، گام‌های زیر را اجرا کنید:  
۱. استخراج K سناریو عدم اطمینان، در طول بازه برنامه‌ریزی؛

۲. این سناریوها را در برنامه سناریوی افق زمانی متناظر (RHSCP) جایگزین کنید و پاسخگوی تصمیمات انتقالات بهینه  $x_{t+\tau/tjs}$  در جایی که  $\tau \in \{1, \dots, T_{\text{plan}}\}$  برقرار است و تصمیمات تولید

$t = T_{\text{plan}} + 1, \dots, T_{\text{plan}}$  در جایی که  $y_{t+\tau/t,jl}$  برقرار است، باشد.

فرضیات در برنامه سناریوی افق زمانی SCMPD به شرح زیر است:

۱. عدم قطعیت‌های موجود در فرمول‌سازی مدل روش کنترل پیش‌گوینده مدل SCM، باید به گونه‌ای باشد که

تخصیص مستعمره‌ها به استعمارگران برای شروع الگوریتم، تعداد  $N_{country}$  کشور اولیه را ایجاد، و تعداد از بهترین اعضای  $N_{imp}$  جمعیت (کشورهای دارای کمترین مقدار تابع هزینه) را به عنوان امپریالیست انتخاب می‌کنیم. با قیمانده  $N_{col}$  تعداد از کشورهای، مستعمراتی را تشکیل می‌دهند که هر کدام به یک امپراتوری تعلق دارند. برای تقسیم مستعمرات اولیه میان امپریالیست‌ها، به هر امپریالیست تعدادی از مستعمرات را که این مناسب با قدرت آن است می‌دهیم. برای انجام این کار، با داشتن هزینه همه امپریالیست‌ها، هزینه نرمالیزه آن‌ها را به صورت زیر در نظر می‌گیریم.

$$C_n = \max\{c_i\} - c_n$$

با داشتن هزینه نرمالیزه، قدرت نسبی نرمالیزه هر امپریالیست به صورت زیر محاسبه شده است و بر مبنای آن، کشورهای مستعمره میان امپریالیست‌ها تقسیم می‌شوند.

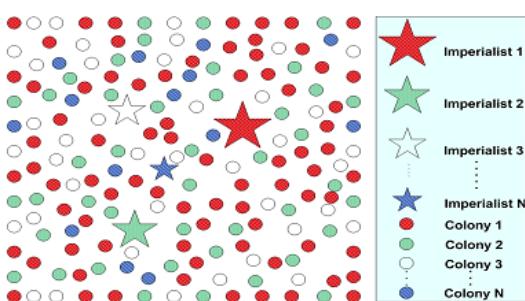
$$P_n = \left| \frac{C_n}{\sum_{i=1}^{N_{imp}} C_n} \right|$$

از دیدگاهی دیگر، قدرت نرمالیزه شده یک امپریالیست، نسبت مستعمراتی است که آن امپریالیست اداره می‌کند؛ بنابراین تعداد اولیه مستعمرات یک امپریالیست با

$$N.C_n = \text{round}\{P_n.(N_{col})\}$$

برابر خواهد بود.

شکل ۳، چگونگی شکل‌گیری امپراتوری‌های اولیه را نشان می‌دهد. بر این اساس، امپراتوری‌های بزرگ‌تر مستعمره‌های بیشتری دارند. در این شکل، استعمارگر ۱ قوی‌ترین امپراتوری را ایجاد کرده است و بیشترین مستعمرات را دارد.



شکل ۳. نمایی از شکل‌گیری امپراتوری‌های اولیه

بگیرد (شیلدج و همکاران [۲۱]. از این پس، سطح خدمات  $\varepsilon \in J$  برای تمام  $j \in J$  و  $n \in N$  در این پژوهش، فرض شده است.

### الگوریتم رقابت استعماری (ICA)

آتشبز گرگری و لوکاس [۳۱] الگوریتم رقابت استعماری (ICA) را مطرح کردند. این الگوریتم با جمعیت اولیه‌ای شروع می‌شود و به هر عضو واژه «کشور» اطلاق می‌شود. این الگوریتم از فرایندی اجتماعی-سیاسی به نام رقابت امپریالیستی تبعیت می‌کند. در این میان، کشورها به دو گروه مستعمره و استعمارگر تقسیم می‌شوند.

در واقع، کشورهای برتر (کشورهایی با حداقل تابع هدف در مسائل کمینه‌سازی و حداقل تابع هدف در مسائل بیشینه‌سازی) به عنوان «استعمارگر» و سایر کشورها به عنوان «مستعمره» انتخاب می‌شوند. هر استعمارگر مطابق با مقدار قدرتش، تعدادی از مستعمره‌ها را به سلطه خود درمی‌آورد و به این ترتیب مجموعه یک استعمارگر با مستعمره‌هایش «امپراتوری» را تشکیل می‌دهند. قدرت هر امپراتوری مجموع قدرت استعمارگر و درصدی از متوسط قدرت مستعمره‌های آن است. رقابت استعماری به این صورت است که مستعمره‌های هر امپراتوری به سمت استعمارگر خود حرکت می‌کنند و استعمارگران نیز سعی دارند تعداد مستعمره‌های خود را افزایش دهند. درنتیجه با گذشت زمان امپراتوری ضعیفتر سقوط می‌کند و در انتهای یک امپراتوری باقی می‌ماند.

### تولید کشورهای اولیه

در بهینه‌سازی، هدف یافتن جواب بهینه بر حسب متغیرهای مسئله است. در این حالت آرایه‌ای از متغیرهای مسئله که باید بهینه شوند، ایجاد می‌شود. در الگوریتم ژنتیک، این آرایه کروموزوم، و در الگوریتم رقابت استعماری کشور نام دارد. در مسئله بهینه‌سازی  $N_{var}$  بعدی، یک کشور، آرایه  $1 \times N_{var}$  است که این آرایه به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$[P_1, P_2, \dots, P_{N_{var}}] = \text{کشورها}$$

$P_i$  نمایانگر متغیری است که ویژگی اجتماعی-سیاسی آن کشور مانند فرهنگ، زبان، ساختار اقتصادی و... را نشان می‌دهد.

درصدی از قدرت کل مستعمرات آن برابر است. بدین ترتیب برای هزینه کل یک امپراتوری داریم.

$$T.C_n = \left( Cost(imperialist_n) + \zeta mean \{Cost(colonies of empire_n)\} \right) (QE_n)$$

که در آن  $T.C_n$  هزینه کل امپراتوری  $\textcolor{brown}{n}$  ام و  $\zeta$  عددی مثبت است که معمولاً بین صفر و یک، و نزدیک به صفر درنظر گرفته می‌شود. باید توجه داشت که  $\zeta = 0.05$  در بیشتر پیاده‌سازی‌ها به جواب‌های مطلوبی منجر شده است.

### رقابت استعماری

با توجه به الگوریتم استعماری، هر امپراتوری‌ای که نتواند بر قدرت خود بیفزاید و قدرت رقابت خود را از دست بدهد، به تدریج در جریان رقابت‌های امپریالیستی حذف خواهد شد. بدین ترتیب، در تکرار الگوریتم، یک یا چند مورد از ضعیف‌ترین مستعمرات ضعیف‌ترین امپراتوری را دربردارند که برای تصاحب این مستعمرات، رقبای میان تمام امپراتورها ایجاد می‌شود. با توجه به هزینه کل هر امپراتوری، محاسبه هزینه کل نرم‌الیزه امپراتوری همانند هزینه کل استعمارگر است و به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$N.T.C_n = \max\{T.C_i\} - T.C_n$$

قدرت هر امپراتوری بعد از هزینه نرم‌الیزه شده از رابطه زیر به دست خواهد آمد.

$$P_{P_n} = \frac{N.T.C_n}{\sum_{i=1}^{N_{imp}} N.T.C_i}$$

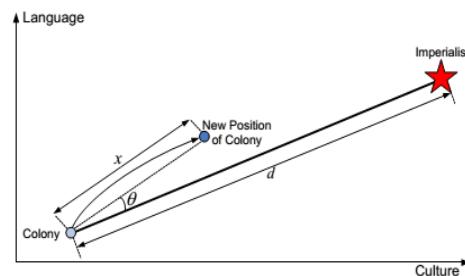
با داشتن احتمال تصاحب هر امپراتوری، مکانیسمی مانند چرخه رولت در الگوریتم ژنتیک مورد نیاز است تا مستعمره مورد رقابت را با احتمال متناسب با قدرت امپراتوری‌ها در اختیار یکی از آن‌ها قرار دهد. شمای کلی رقابت استعماری در شکل ۵ نشان داده شده است.

### سقوط امپراتوری‌های ضعیف

در جریان رقابت‌های امپریالیستی، خواهناخوه امپراتوری‌های ضعیف به تدریج سقوط می‌کنند و مستعمرات آن‌ها به دست امپراتوری‌های قوی‌تر می‌افتد. برای سقوط یک امپراتوری می‌توان شروط متفاوتی را درنظر گرفت. در الگوریتم استعماری، یک امپراتوری زمانی حذف شده تلقی می‌شود که مستعمرات خود را از دست داده باشد.

### حرکت مستعمرات امپراتوری به سمت استعمارگر شان (همانندسازی)

با درنظرگرفتن شیوه نمایش یک کشور در حل مسئله بهینه‌سازی، این حکومت مرکزی با اعمال سیاست جذب سعی داشت کشور مستعمره را در راستای ابعاد مختلف اجتماعی-سیاسی به خود نزدیک کند. در عمل، به جای حرکت به اندازه  $\alpha$  به سمت کشور استعمارگر و در جهت بردار واصل مستعمره به استعمارگر به همان میزان، اما با انحراف  $\theta$  در مسیر به حرکت خود ادامه می‌دهیم.  $\theta$  را به صورت تصادفی و با توزیع یکنواخت درنظر می‌گیریم (هر توزیع دلخواه و مناسب دیگر را نیز می‌توان استفاده کرد).



شکل ۴. حرکت مستعمرات امپراتوری به سمت استعمارگر با انحراف  $\theta$

### انقلاب؛ تغییرات ناگهانی در موقعیت یک کشور

انقلاب تغییرات ناگهانی را در ویژگی‌های اجتماعی-سیاسی یک کشور ایجاد می‌کند. در الگوریتم رقابت استعماری، انقلاب با جابه‌جایی تصادفی یک کشور مستعمره به موقعیت تصادفی جدید مدل‌سازی می‌شود. از دیدگاه الگوریتمی، انقلاب گلیت حرکت تکاملی را از گیرکردن در دره‌های محلی بهینگی نجات می‌دهد. این مقوله در بعضی موارد سبب بهبود موقعیت یک کشور می‌شود و آن را به محدوده بهینگی بهتری می‌برد.

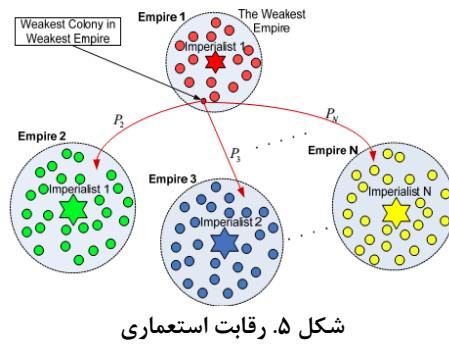
### جابه‌جایی موقعیت مستعمره و امپریالیست

در این مرحله ابتدا هزینه کل تمامی استعمارگران به روزرسانی می‌شود. سپس در هر امپراتوری، استعمارگر و جمعیت مستعمره‌های آن امپراتوری با هم ادغام می‌شوند. درنهایت بهترین عضو این جمعیت به عنوان استعمارگر انتخاب می‌شود.

### قدرت کل یک امپراتوری

قدرت یک امپراتوری با قدرت کشور استعمارگر، به اضافه

مدت‌زمان انتظار ارسال  $\lambda_{t,s}^{(K)}$  را برای محصول ۱  $= j$  و  $j = 2$  مقادیر گسسته با احتمال یکسان اختیار می‌کند. در این صورت ممکن است هریک از حالات رخ دهد. حالت‌های مختلف از مقادیر تقاضاً مدت‌زمان انتظار سناریوهای مختلفی را ایجاد می‌کند  $a = 0.05$ . به عنوان مثال اگر برای  $d_{t1n} = 45$   $d_{t2n} = 55$  و  $d_{t1n} = 40$ ,  $d_{t2n} = 60$   $\lambda_t^{(K)} = 1$ ,  $\lambda_{t,s}^{(K)} = 2$  و  $\lambda_t^{(K)} = 2$  باشد، در یک دوره، ۱۶ سناریو وجود دارد.



شکل ۵. رقابت استعماری

### نتایج شبیه‌سازی

نتایج در جدول ۲ خلاصه شده است. برای سایزهای متنوع نمونه‌های  $K$  و سطوح خدمات تضمین شده مرتبط  $j_{jn}$ ، سطوح خدمات تجربی  $j_{jn}$  براساس ۲۰ اجرای شبیه‌سازی ارزیابی می‌شود. براین‌اساس، حدود سطح خدمات تغذیه‌کننده  $\frac{1}{K+1}$  همان‌گونه که از معادله ۲۱ مشتق شده است، در سطوح خدمات تجربی، تطابق نسبتاً شدیدی با هم دارند. بهینه‌سازی استوار یکی از روش‌های نوین برای حل مسائلی است که عدم قطعیت در پارامترهای آن وجود دارد. این روش با درنظرگرفتن بدترین سناریوی ممکن و بهینه‌سازی براساس آن عمل می‌کند. به همین دلیل در مقابل عدم قطعیت داده‌ها مقاوم است، اما یکی از کاستی‌های این روش محاطانه عمل کردن آن است. بهمنظور مقایسه عملکرد جواب‌های روش کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC)، روش بهینه‌سازی استوار به کار گرفته شد که شیلدیچ و همکاران [۲۷] آن را ارائه کردند. در جدول ۳، نتایج عملکردی این دو روش با توجه به کل هزینه‌های انتقالات  $H_{tran}$  کل هزینه‌های ذخیره‌سازی  $H_{stor}$  و کل هزینه‌های کمبود  $H_{short}$  نشان داده شده است. براین‌اساس، هزینه‌های انتقالات  $H_{tran}$  در هر دو روش یکسان است، اما هزینه‌های ذخیره‌سازی  $H_{stor}$  در روش بهینه‌سازی استوار بالاتر از روش کنترل پیش‌گویانه است؛ زیرا روش محاطانه‌ای است. این امر سبب بالابودن جمع کل هزینه‌های این روش شده است. درنتیجه روش کنترل پیش‌گویانه عملکرد بهتری دارد.

اگر تعداد محصولات در این مطالعه موردی افزایش یابد و یا تعداد حالات تقاضاً و مدت‌زمان انتظار تولید و انتقال افزایش یابد، پیچیدگی مسئله زیاد می‌شود. و حل دقیق آن ممکن نیست. در این صورت باید از الگوریتم‌های

### هم‌گرایی

الگوریتم تا برآورده شدن شرط هم‌گرایی، یا تا اتمام تعداد کل تکرارها ادامه می‌یابد. پس از مدتی، همهٔ امپراتوری‌ها سقوط می‌کنند و تنها امپراتوری واحدی خواهیم داشت که بقیهٔ کشورها تحت کنترل آن قرار می‌گیرند. در چنین موقعیتی، رقابت امپریالیستی به پایان رسیده است.

در این مقاله، اقتباس جمعیت اولیه و تمامی موارد مطرح شده از مقاله علی کرمانی و همکاران [۳۲] صورت گرفت که در ادامه با نرم‌افزار حل و بررسی می‌شود.

### مثال کاربردی

این مطالعه موردی مدل زنجیره تأمین معرفی شده در بخش ۲ را تحت الگوریتم کنترل پیش‌گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC) - که در بخش ۳ بیان شده است - درنظر می‌گیرد. در ابتدا پارامترهای عددی مدل مشخص شدند. سپس نتایج شبیه‌سازی در مسائل سایز کوچک با استفاده از نرم‌افزار گمز و سایز بزرگ با استفاده از متلب ارائه، و درباره آن بحث شد. [۳۳]

### مشخصات عددی

مقادیر عددی مدل شبیه‌سازی در جدول ۱ ارائه شده است. می‌توان هزینه‌ها را در قالب هر نوع واحد پولی،  $t \in T$  برآورد کرد و هفته‌ها را به عنوان مراحل زمانی  $T_{plan} = 26$  هفته، بازه درنظر گرفت. بازه برنامه‌ریزی  $T_{prod} = 4$  هفته، بازه  $T_{dec} = 1$  و برنامه تولید، از قبل  $T_{prod} = 4$  است. شبیه‌سازی‌هایی برای بازه زمانی دوساله عملیاتی اجرا می‌شود (هفتة  $T = 104$ ). در یک مرحله مقادیر تقاضاً و مدت‌زمان برای هر محصول به طور قطعی و گسسته تعیین شده و مدل را حل کرده است. در مرحله بعد، مقادیر تقاضاً  $d_{t2n}$ ,  $d_{t1n}$ ، مدت‌زمان تولید  $\lambda_t^{(K)}$  و

مشخصی، تضمین سطح از پیش تعیین شده خدمت مشتری را صورت داد. این پدیده، از نظر محاسباتی بسیار کاراست؛ زیرا تنها به نمونه سناریوهای محدودی در هر مرحله زمانی نیاز دارد. بهمنظور نشان دادن کارایی این رویکرد، آن را با روش بهینه سازی استوار مقایسه می کنیم و نتیجه می گیریم (SCMPC) در کنترل پیش گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC) صرفه جویی بیشتری در هزینه ها می شود و این کنترل عملکرد بالاتری دارد. برای پژوهش های بعدی می توان این مدل را با استفاده از سایر الگوریتم های فرآیند کاری مانند PSO و... حل کرد و نتایج آن را با الگوریتم رقابت استعماری قیاس داد. همچنین می توان بدون استفاده از رویکرد پیش گویانه، رویکرد متوسط تقریب نمونه را به کار برد و عملکرد این دو روش را مقایسه کرد.

فرآیند کاری برای به دست آوردن مقادیر نزدیک به بهینه استفاده کرد. در این پژوهش بدليل نوآوری در عین شناخته شده بودن، کارایی قابل رقابت با الگوریتم های شناخته شده و انعطاف پذیری، از الگوریتم رقابت استعماری استفاده شد. همچنین مشخصات عددی مطالعه موردی به کار رفت و برای ۲۰ محصول گسترش داده شد. در جدول ۴ و ۵ نتایج به کار گیری الگوریتم فرآیند کاری در این مسئله نشان داده می شود.

### نتیجه گیری

در این مقاله، رویکرد کنترل پیش گویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC) برای مدیریت هماهنگ تنوع وسیعی از زنجیره های تأمین ارائه شد. با این رویکرد می توان عدم قطعیت تصادفی را در سیستم اداره کرد و با احتمال

جدول ۱. مقدار پارامترهای مورد استفاده در شبیه سازی عددی

توصیف	پارامتر
ظرفیت تولید	$C_1 = 6\ldots, C_{\gamma} = 8\ldots, C_{\tau} = 6\ldots$
ضریب تولید	$c_{\gamma l} = 1, c_{\tau l} = 1 \quad \forall l \in L$
ظرفیت ذخیره سازی	$P_l = 1\ldots \quad \forall l \in L$
ضریب ذخیره سازی	$W_m = 5\ldots \quad \forall m \in M$
هزینه های تولید	$R_n = 4\ldots \quad \forall n \in N$
هزینه های انتقالات	$p_{\gamma l} = 1, p_{\tau l} = 2 \quad \forall l \in L$ $w_{\gamma m} = 1, w_{\tau m} = 2 \quad \forall m \in M$ $r_{\gamma n} = 1, r_{\tau n} = 2 \quad \forall n \in N$
هزینه های ذخیره سازی	$\gamma_{t\gamma l} = 5, \gamma_{t\tau l} = 8 \quad \forall t \in T, \forall l \in L$
هزینه های کمبود	$\sigma_{t\gamma s} = 0.2, \sigma_{t\tau s} = 0.3, \forall t \in T, \forall s \in S_{ln} \cup S_{mm}$ $\sigma_{t\gamma s} = 0.3, \sigma_{t\tau s} = 0.4, \forall t \in T, \forall s \in S_{mn} \cup S_{nm}$ $\emptyset_{\gamma l} = 0.8, \emptyset_{\tau l} = 0.2 \quad \forall l \in L$ $\omega_{\gamma m} = 0.4, \omega_{\tau m} = 0.1 \quad \forall m \in M$ $\rho_{jn} = 0.8, \rho_{jn} = 0.2 \quad \forall n \in N$ $\varphi_{\gamma l} = 0.6, \varphi_{\tau l} = 0.3 \quad \forall l \in L$ $\delta_{\gamma m} = 0.5, \delta_{\tau m} = 0.8 \quad \forall m \in M$ $\theta_{jn} = 0.7, \theta_{jn} = 0.1 \quad \forall n \in N$

جدول ۲. مقایسه سطوح خدمت تئوری و سطوح خدمت تجربی، مقادیر نشان داده شده، نماینگر میانگینی، در بین ۲۰ اجرای شبیه سازی است.

سایز نمونه	سطح سرویس تئوری		سطح سرویس تئوری	
	j = 1	j = 2	j = 1	j = 2
K = 8	$\epsilon_{1,n} \leq 11.11\%$	$\epsilon_{2,n} \leq 11.11\%$	$\epsilon_{1,n} \leq 12.05\%$	$\epsilon_{2,n} \leq 10.08\%$
K = 16	$\epsilon_{1,n} \leq 5.88\%$	$\epsilon_{2,n} \leq 5.88\%$	$\epsilon_{1,n} \leq 6.03\%$	$\epsilon_{2,n} \leq 5.72\%$
K = 24	$\epsilon_{2,n} \leq 4\%$	$\epsilon_{2,n} \leq 4\%$	$\epsilon_{1,n} \leq 4.06\%$	$\epsilon_{2,n} \leq 3.96\%$
K = 36	$\epsilon_{1,n} \leq 2.7\%$	$\epsilon_{2,n} \leq 2.7\%$	$\epsilon_{1,n} \leq 2.74\%$	$\epsilon_{2,n} \leq 2.68\%$

جدول ۳. مقایسه هزینه های انتقالات  $H_{tran}$ ، هزینه های ذخیره سازی  $H_{stor}$  و هزینه های کمبود  $H_{shor}$  برای روش بهینه سازی استوار و سیاست کنترل پیشگویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC) نمایانگر میانگین در بین ۲۰ اجرای شبیه سازی است.

حالت مساله	سایز نمونه	سطح سرویس	SCMPC	بهینه سازی استوار
مشترک گروه ۲	K = 8	$\epsilon_{1,n} \leq 11.11\%$	$H_{tran} = 5.64, H_{stor} = 0.38, H_{shor} = 0.57$	$H_{tran} = 5.64, H_{stor} = 2.11, H_{shor} = 0.27$
	K = 16	$\epsilon_{1,n} \leq 5.88\%$	$H_{tran} = 5.61, H_{stor} = 0.51, H_{shor} = 0.46$	$H_{tran} = 5.61, H_{stor} = 2.68, H_{shor} = 0.21$
	K = 24	$\epsilon_{1,n} \leq 4\%$	$H_{tran} = 5.59, H_{stor} = 0.68, H_{shor} = 0.39$	$H_{tran} = 5.59, H_{stor} = 3.12, H_{shor} = 0.17$
	K = 36	$\epsilon_{1,n} \leq 2.7\%$	$H_{tran} = 5.68, H_{stor} = 0.76, H_{shor} = 0.32$	$H_{tran} = 5.68, H_{stor} = 3.47, H_{shor} = 0.11$

جدول ۴. مقایسه سطوح خدمت تئوری و سطوح خدمت تجربی، مقادیر نشان داده شده، نمایانگر میانگینی، در بین ۲۰ اجرای شبیه سازی است.

سایز نمونه	سطح سرویس تئوری		سطح سرویس عملی	
	j = 1	j = 2	j = 1	j = 2
K=1024	$\epsilon_{1,n} \leq 9.756 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{2,n} \leq 9.756 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{1,n} \leq 9.985 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{2,n} \leq 9.545 \times 10^{-4}$
K=1536	$\epsilon_{1,n} \leq 6.510 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{2,n} \leq 6.510 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{1,n} \leq 6.742 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{2,n} \leq 6.392 \times 10^{-4}$
K=2048	$\epsilon_{1,n} \leq 4.880 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{2,n} \leq 4.880 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{1,n} \leq 4.987 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{2,n} \leq 4.687 \times 10^{-4}$
K=2304	$\epsilon_{1,n} \leq 4.338 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{2,n} \leq 4.338 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{1,n} \leq 4.456 \times 10^{-4}$	$\epsilon_{2,n} \leq 4.197 \times 10^{-4}$

جدول ۵. مقایسه هزینه های انتقالات  $H_{tran}$ ، هزینه های ذخیره سازی  $H_{stor}$  و هزینه های کمبود  $H_{shor}$  برای روش بهینه سازی استوار و سیاست کنترل پیشگویانه مدل مبتنی بر سناریو (SCMPC) نمایانگر میانگین در بین ۲۰ اجرای شبیه سازی است.

مساله نمبر ج	سایز نمونه	سطح سرویس	SCMPC	بهینه سازی استوار
مشترک گروه ۲	K=102 4	$\epsilon_{1,n} \leq 9.756 \times 10^{-4}$	$H_{tran} = 53.41, H_{stor} = 2.93, H_{shor} = 6.1$	$H_{tran} = 53.41, H_{stor} = 10.23, H_{shor} = 2.27$
	K=153 6	$\epsilon_{1,n} \leq 6.510 \times 10^{-4}$	$H_{tran} = 54.98, H_{stor} = 4.83, H_{shor} = 5.3$	$H_{tran} = 54.98, H_{stor} = 13.72, H_{shor} = 1.98$
	K=204 8	$\epsilon_{1,n} \leq 4.880 \times 10^{-4}$	$H_{tran} = 55.03, H_{stor} = 6.02, H_{shor} = 4.2$	$H_{tran} = 55.03, H_{stor} = 16.39, H_{shor} = 1.41$
	K=230 4	$\epsilon_{1,n} \leq 4.338 \times 10^{-4}$	$H_{tran} = 54.95, H_{stor} = 8.41, H_{shor} = 2.8$	$H_{tran} = 54.95, H_{stor} = 18.97, H_{shor} = 0.92$

## منابع

1. Sarimveis, H., Patrinos, P., Tarantilis, C., and Kiranoudis, C. (2008). "Dynamic Modeling and Control of Supply Chain Systems", *Computers and Operations Research*, Vol. 35, No. 11, PP. 3530–3561.
2. Shapiro, J.F. (2007). "Modeling the Supply Chain", South-Western College Pub, Inc., NJ, USA.
3. Afshari, H., AminNayeri, M., and Ardestanijaafari, A. (2010). "Optimizing Inventory Decisions in Facility Location within Distribution Network Design", *Proceedings of the International Multiconference of Engineers and Computer Scientists*,
4. Sadjady, H., and Davoudpour, H. (2011). "Two-Echelon, Multi-Commodity Supply Chain Network Design with Mode Selection Lead-Times and Inventory Costs", *Computers & Operation Research*, Vol. 39, No. 7, PP. 1266–1283.
5. Lau H., Nakandala D., and Shum P. (2016). "A Case-Based Roadmap for Lateral Transshipment in Supply Chain Inventory Management", *J Inform Syst Technol Manag*, Vol. 13, No. 1, PP. 27–44.

6. Zhu, S. X. (2015). "Analysis of Dual Sourcing Strategies under Supply Disruptions", *International Journal of Production Economics*, Vol. 170, No. 1, PP. 191-203.
7. Melo, M. T., Nickel, S., and SaldanhaDaGama, F. (2009). "Facility Location and Supply Chain Management–A Review", *European Journal of Operational Research*, Vol. 196, No. 2, PP. 401-412.
8. Sabri, E. H., and Beamon, B. M. (2000). "A MultiObjective Approach to Simultaneous Strategic and Operational Planning in Supply Chain Design", *Omega*, Vol. 28, No. 5, PP. 581-598.
9. Snyder, L. V. (2006). "Facility Location Under Uncertainty: A Review", *IIE Transactions*, Vol. 38, No. 7, PP. 547-564.
10. Klibi, W., Martel, A., and Guitouni, A. (2010). "The Design of Robust Value-Creating Supply Chain Networks: A Critical Review", *European Journal of Operational Research*, Vol. 203, No. 2, PP. 283-293
11. Tsiakis, P., Nilay S., and Constantinos C. P. (2001). "Design of MultiEchelon Supply Chain Networks Under Demand Uncertainty", *Industrial and Engineering Chemistry Research*, Vol. 40, No. 16, PP. 3585-3604
12. Hinojosa, Y. (2008). "Dynamic Supply Chain Design with Inventory", *Computers and Operations Research*, Vol. 35, No. 2, PP. 373-391.
13. Zhang, R. Q., and RuPing W. (2009). "ScenarioBased Stochastic Capacity Planning Model and Decision Risk Analysis", *Systems Engineering Theory and Practice*. Vol. 29, No. 1, PP. 55-63.
14. Mayne, D., Rawlings, J., Rao, C., and Scokaert, P. (2000). "Constrained Model Predictive Control: Stability and Optimality", *Automatica*, Vol. 36, No. 6, PP. 789–814.
15. PereaL'opez, E., Ydstie, B., and Grossmann, I. (2003). "A Model Predictive Control Strategy for Supply Chain Optimization", *Computers and Chemical Engi Neering*, Vol. 27, No. 8, PP. 1201–1218.
16. Fakhrzad, M.B., Heydari, M., 2008. A Heuristic Algorithm for Hybrid Flow-shop Production Scheduling to Minimize the Sum of The Earliness ANDF Tardiness Costs. *Journal of the Chinese Institute of Industrial Engineers*. 25 (2), 105-115.
17. Sarimveis, H., Patrinos, P., Tarantilis, C., and Kiranoudis, C. (2008). "Dynamic Modeling and Control of Supply Chain Systems", *Computers and Operations Research*, Vol. 35, No. 11, PP. 3530–3561.
18. Maestre, J. M., Muñoz De La Peña, D., Camacho, E. F., and Alamo, T. (2011). "Distributed Model Predictive Control Based on Agent Negotiation", *Journal of Process Control*, Vol. 21, No. 5, PP. 685–697.
19. Fakhrzad, M.B., A. Sadri Esfahani, (2013). Modeling the time windows vehicle routing problem in cross-docking strategy using two meta-heuristic algorithms. *International Journal of Engineering-Transactions A: Basics* 27 (7), 1113.
20. Jurado, I., Maestre, J. M., Velarde, P., Ocampo-Martinez, C., Fernández, I., Isla Tejera, B., and Del Prado, J. (2016). "Stock Management in Hospital Phar Macy Using ChanceConstrained Model Predictive Control", *Computers in Bi Ology and Medicine*, Vol. 72, No. 1, PP. 248-255.
21. Wang, W., Rivera, D. E., and Kempf, K. G. (2005). "A Novel Model Predictive Control Algorithm for Supply Chain Management in Semiconductor Manufacturing", in: *American Control Conference. Portland (OR)*, United States.
22. Grossos, J., OcampoMart'inez, C., Puig, V., and Joseph, B. (2014). "Chance Constrained Model Predictive Control for Drinking Water Networks", *Journal of Process Control*, Vol. 24, No.5, PP. 504–516.
23. Li, X., Marlin, T., (2009). Robust supply chain performance via model predictive control. *Computers & Chemical Engineering*, Vol .33, No.1, PP. 2134–2143.
24. Sohdi, M., and Tang, C. (2012). "Managing Supply Chain Risk", Springer, NewYork et al.
25. Schildbach, G., and Morari, M. (2016). "Scenario-Based Model Predictive Control for Multi-Echelon Supply Chain Management", *European Journal of Operational Research*, Vol. 252, No. 2, PP. 540-549.
26. Campi, M., and Garatti, S. (2008). "The Exact Feasibility of Randomized Solutions of Uncertain Convex Programs", *SIAM Journal on Optimization*, Vol. 19, No. 3, PP. 1211–1230.

- 27.Schildbach, G., Fagiano, L., Frei, C., and Morari, M. (2014). "The Scenario Approach for Stochastic Model Predictive Control with Bounds on ClosedLoop Constraint Violations", *Automatica*, Vol. 50, No. 12, PP. 3009-3018.
- 28.Bitran, G., and Yanasse, H. (1984). "Deterministic Approximations to Stochastic Production Problems", *Operations Research*, Vol. 32, No. 5, PP. 999–1018.
- 29.Bookbinder, J., and Tan, J. Y. (1988). "Strategies for the Probabilistic LotSizing Problem with ServiceLevel Constraints", *Management Science*, Vol. 34, No.5, PP. 1096–1108.
- 30.Oke, A., and Gopalakrishnan, M. (2009). "Managing Disruptions in Supply Chains: A Case Study of A Retail Supply Chain", *International Journal of Production Economics*, Vol. 118, No. 1, PP. 168–174.
- 31.AtrashpazGargari, E., and Lucas, C. (2007). "Imperialist Competitive Algorithm. an Algorithm for Optimization Inspired by Imperialist Competitive", *IEEE Congress on Evolutionary Computation*, Singapore.2007.
- 32.Kermani.A. A. K, Aliahmadi. A., Salamat. A., Barzinpour. F., and Hadiyan, E. (2014). "Supplier Selection in a SingleEchelon Supply Chain with Horizontal Competition Using Imperialist Competitive Algorithm", *International Journal of Computer Integrated Manufacturing*, Vol. 28. No. 6, PP. 628-638.
- 33.Fakhrzad, M.B., Moobed, M., (2010), A GA model development for decision making under reverse logistics. *International Journal of Industrial Engineering and Production Research*.21 (4)211-220.

#### واژه‌های انگلیسی به ترتیب استفاده در متن

1. Supply Chain Network Design (SCND)
2. Model predictive control (MPC)
3. Relative percent deviation (RPD)